

Об индуцированном высвобождении энергии изомерных ядер в бозе-эйнштейновском конденсате

Л.А.Ривлин

Показано, что асимптотическое поведение текущего значения сечения стимулированного испускания во времени приводит к сложной динамике процесса радиационного высвобождения ядерной энергии долгоживущих метастабильных состояний, индуцируемого сторонним потоком резонансных гамма-квантов. Вхождение изомерных ядер в состав атомов бозе-эйнштейновского конденсата делает сечение стимулированного испускания достаточным для достижения сравнительно высокой эффективности указанного процесса, оцениваемой существенным увеличением скорости распада метастабильных состояний.

Ключевые слова: изомерные ядра, бозе-эйнштейновский конденсат.

1. Возможность высвобождения энергии ядерных изомеров посредством индуцированных переходов из долгоживущих метастабильных состояний с сильно запрещенным спонтанным распадом основана на радикальном подавлении неоднородного уширения радиационных линий изомерных ядер, содержащихся в атомах бозе-эйнштейновского конденсата (БЭК) [1, 2]. Такой атомный ансамбль с перекрывающимися волновыми функциями отдельных атомов-бозонов можно с известной вольностью обозначить как некий единый *мегаатом*, в котором различия в состоянии входящих в него атомов в силу их взаимной квантовой когерентности становятся минимальными, что и служит причиной устранения основных факторов, вызывающих неоднородное (в частности – доплеровское) уширение. Устремление же ширин линий к их естественному значению влечет за собой возрастание как сечения стимулированного испускания при переходах вниз, так и сечения поглощения при переходах вверх до максимальной величины, равной примерно квадрату длины волны излучения и не зависящему ни от величины матричного элемента перехода, ни от степени его запрещенности.

Потенциальная возможность индуцированного высвобождения энергии изомеров посредством стимулированного испускания или поглощения гамма-квантов при переходах из метастабильных состояний требует анализа развития этого процесса во времени, что оказывается существенным из-за значительного времени жизни состояний и малой естественной радиационной ширины переходов. При этом временной ход определяется, с одной стороны, кинетикой сечения перехода, а с другой – асимптотическим характером установления спектра воздействующей электромагнитной волны от бесконечной ширины и нулевой амплитуды в нулевой момент времени до

конечного стационарного значения на бесконечности [2]. Последняя зависимость по существу есть следствие классического соотношения неопределенности Фурье (см., напр., [3]). Подобный анализ проведен, в частности, в [4] применительно к задаче о развитии во времени усиления гамма-излучения мессбауэровскими ядрами в кристалле, существенно отличающейся по условиям от рассматриваемой проблемы индуцированного высвобождения энергии ядер в БЭК.

Если под индуцированным высвобождением энергии изомерных ядер подразумевать вынужденный распад значительной доли метастабильных состояний за время, существенно уступающее их времени жизни τ_γ по отношению к спонтанному распаду, то очевидно, что для этого необходим вынуждающий поток резонансных гамма-фотонов с достаточно высокой плотностью $\Phi > 8\pi/(\lambda^2\tau_\gamma)$, что при малой длине волны гамма-излучения λ приводит к весьма высоким численным оценкам. Это является прямым следствием пропорциональности между необходимой плотностью стимулирующего фотонного потока Φ и плотностью радиационных осцилляторов свободного пространства. Некоторое смягчение требований к Φ возможно при использовании высокодобротных резонаторов, что, однако, непросто в гамма-диапазоне.

2. Пусть конденсат метастабильных изомеров с концентрацией $n_{\text{БЭК}}^*$ подвергается вынуждающему воздействию со стороны резонансных гамма-квантов с плотностью потока Φ , энергией $\hbar\omega$ и длиной волны $\lambda = 2\pi c/\omega$. Изменение Φ по мере распространения в конденсате вдоль координаты z управляется стандартным уравнением

$$\frac{d\Phi}{dz} = [\sigma_{\text{st}}(z, t)n_{\text{БЭК}}^*(z, t) - \chi n]\Phi, \quad (1)$$

где σ_{st} – текущее значение сечения стимулированного испускания, зависящее от координаты z и времени t ; n – полная концентрация атомов; χ – суммарное сечение фотонных потерь всех видов. В уравнении (1) из-за существования в разреженном конденсате скрытой инверсии насе-

Л.А.Ривлин. Московский государственный институт радиотехники, электроники и автоматики (технический университет), Лаборатория прикладной физики, Россия, 119454 Москва, просп. Вернадского, 78; e-mail: rivlin140322@mccinet.ru

ленностей отсутствует член резонансного поглощения фотонов ядрами, а переменные Φ , $n_{\text{ВЕС}}^*$ и σ_{st} зависят как от продольной координаты z , так и от времени t .

В первом порядке теории возмущений амплитуда перехода из метастабильного состояния вниз под действием поля волны есть [5]

$$a = -\frac{i}{\hbar} \int_0^t \mu A \exp[-i(\omega - \omega_0)t] dt, \quad (2)$$

где μA – матричный элемент возмущения; $A = A(t)$ – зависящая от времени t амплитуда векторного потенциала электромагнитной волны; $\mu = \text{const}$ – матричный элемент перехода из метастабильного состояния, отвечающий единичной амплитуде A ; $\hbar\omega_0 = E_{\text{tr}} - E_{\text{rec}}$ равняется энергии перехода E_{tr} за вычетом энергии отдачи ядра, сопровождающей радиационный переход,

$$E_{\text{rec}} = \frac{E_{\text{tr}}^2}{2Mc^2}; \quad (3)$$

M – масса ядра. Интегрирование в (2) производится от момента $t = 0$ поступления потока фотонов в одномерную ядерную среду в точке $z = 0$.

В соответствии с принципом детального равновесия константа μ однозначно связана с естественным радиационным временем жизни метастабильного состояния τ_γ :

$$|\mu|^2 = \frac{\hbar\lambda}{8\pi\tau_\gamma(2J_0 + 1)}, \quad (4)$$

where J_0 – угловой момент нижнего состояния перехода. Поэтому с учетом зависимости Φ от A

$$\Phi = \frac{2\pi c A^2}{\lambda^2 \hbar\omega} = \frac{A^2}{\hbar\lambda} \quad (5)$$

можно переписать (2) в следующем виде:

$$a(t) = -\frac{i\lambda}{[8\pi\tau_\gamma(2J_0 + 1)]^{1/2}} \int_0^t \Phi^{1/2} \exp[-(\omega - \omega_0)t] dt. \quad (6)$$

При достаточно точном резонансе и/или относительной непродолжительности процесса, когда

$$|\omega - \omega_0|t \ll 1 \quad \text{и/или} \quad t \ll \tau_\gamma, \quad (7)$$

экспонента в (6) обращается в единицу, т. е.

$$a(t) \approx -\frac{i\lambda}{[8\pi\tau_\gamma(2J_0 + 1)]^{1/2}} \int_0^t \Phi^{1/2} dt. \quad (8)$$

Условие (7) означает, что воздействующее излучение обладает высокой монохроматичностью и/или его длительность ограничена, хотя абсолютная величина последней может быть совсем немалой в силу большого времени жизни метастабильных состояний. Ограниченность длительности воздействия фактически свидетельствует о применимости приближения (8) лишь к начальной стадии процесса стимулированного испускания. Следует, однако, подчеркнуть, что коль скоро обсуждается задача высвобождения энергии метастабильных состояний изомеров в виде стимулированного гамма-излучения за время, существенно меньшее τ_γ , то именно эта начальная стадия процесса представляет особый интерес.

3. По определению сечение стимулированного испускания

$$\sigma_{\text{st}} = \Phi^{-1} \frac{d}{dt} |a(t)|^2, \quad (9)$$

т. е. с учетом (8)

$$\sigma_{\text{st}} \approx \frac{\lambda^2}{8\pi\tau_\gamma\Phi} \frac{d}{dt} \left| \int_0^t \Phi^{1/2} dt \right|^2 = \frac{B}{\Phi^{1/2}} \int_0^t \Phi^{1/2} dt, \quad (10)$$

where

$$B \equiv \lambda^2 / (4\pi\tau_\gamma) \quad (11)$$

и отсутствует множитель $2J_0 + 1$, поскольку σ_{st} пропорционально статистическому весу конечного нижнего состояния.

Кроме того, принято упрощающее допущение об отсутствии какого-либо избыточного уширения линии перехода, выходящего за рамки естественной радиационной ширины, т. е. о том, что отношение β естественной ширины τ_γ^{-1} к полной (в том числе и неоднородной) ширине $\Delta\omega_{\text{tot}}$ равно единице,

$$\beta = \frac{2\pi}{\tau_\gamma\Delta\omega_{\text{tot}}(1 + \alpha)} = 1, \quad (12)$$

и коэффициент внутренней электронной конверсии $\alpha \ll 1$. В случае больших времен жизни метастабильных состояний τ_γ это допущение согласно [2] требует образования конденсата с весьма значительным полным числом атомов $n_{\text{ВЕС}}V$ в немалом объеме V :

$$n_{\text{ВЕС}}V \geq (2J + 1)^{1/3} (4V)^{1/3} \frac{k_B T}{\pi^2 \hbar\lambda} \tau_\gamma, \quad (13)$$

where J – угловой момент атома; T – абсолютная температура; k_B – постоянная Больцмана. Так, $n_{\text{ВЕС}}V \approx 1.3 \times 10^{16} (2J + 1)^{1/3}$ при $\lambda = 1.5 \times 10^{-9}$ см, $T = 10^{-6}$ К, $\tau_\gamma = 3600$ с и $V = 13$ см³. Кроме того, время хранения конденсата должно быть по меньшей мере близким к τ_γ .

Эти оба требования уступают сегодня экспериментальной реальности на много порядков. Более того, не известны теоретические предсказания относительно возможности подобного экспериментального прогресса. Поэтому следует подчеркнуть: настоящее рассмотрение основывается, с одной стороны, на значительной доле оптимизма, а с другой – на надежде, что оно послужит стимулом к соответствующим теоретическим и экспериментальным исследованиям БЭК.

В простом случае, когда поток фотонов (5) имеет характер импульса, нарастающего на фронте как

$$\Phi = \Phi_0 \left(\frac{t}{t_0} \right)^{2m} \quad (14)$$

($\Phi_0 = \text{const}$, $t_0 = \text{const}$, $m = \text{const}$), сечение стимулированного испускания возрастает по закону

$$\sigma_{\text{st}} = \frac{Bt}{m + 1}. \quad (15)$$

Таким образом, на начальном этапе процесса сечение

(15) линейно возрастает со временем, начиная с $\sigma_{st} = 0$ при $t = 0$, независимо от значений параметров t_0 и Φ_0 и тем быстрее, чем меньше m . Поэтому далее будет рассматриваться, в основном, случай $m = 0$.

Одновременно с ростом σ_{st} концентрация изомерных ядер $n_{\text{BEC}}^*(t)$ убывает согласно уравнению

$$\begin{aligned} \frac{dn_{\text{BEC}}^*}{dt} &= -n_{\text{BEC}}^* \left[\frac{1}{\tau_\gamma} + \sigma_{st}(t)\Phi(t) \right] \\ &= -n_{\text{BEC}}^* \left(\frac{1}{\tau_\gamma} + \frac{B\Phi_0}{m+1} \frac{t^{2m+1}}{t_0^{2m}} \right), \end{aligned} \quad (16)$$

имеющему решение

$$\begin{aligned} n_{\text{BEC}}^*(t) &= n_{\text{BEC}}^*(t=0) \\ &\times \exp \left[- \left(\frac{1}{\tau_\gamma} + \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2} \frac{t^{2m+1}}{t_0^{2m}} \right) t \right], \end{aligned} \quad (17)$$

что обусловлено как спонтанным распадом метастабильных состояний, так и действием стимулирующих фотонов с плотностью потока $\Phi(t)$ (14).

4. Поскольку переменные Φ , n_{BEC}^* и σ_{st} зависят от продольной координаты z и от времени t , полезно сначала исследовать уравнение (1) при фиксированном значении координаты $z = 0$, т. е. на входе стороннего фотонного потока в ядерную среду, когда его плотность Φ равна входному значению Φ_{in} .

Из-за постепенного возрастания сечения σ_{st} , начиная с $\sigma_{st} = 0$ при $t = 0$, правая часть (1) и производная $d\Phi/dz$ вначале оказываются отрицательными до стартового момента $t = t_{\text{del}}$, когда

$$\sigma_{st}(t_{\text{del}}) \geq \chi \frac{n}{n_{\text{BEC}}^*(t_{\text{del}})} \quad (z = 0), \quad (18)$$

where $n_{\text{BEC}}^*(t_{\text{del}})$ задано решением (17). Имея в виду, что ожидаемое время задержки $t_{\text{del}} \ll \tau_\gamma$, учитывая неравенство (7) и то, что при умеренных плотностях потока фотонов Φ показатель экспоненты в (17) существенно меньше единицы, можно переписать (17) как

$$n_{\text{BEC}}^*(t) \approx n_{\text{BEC}}^*(t=0) \left[- \left(\frac{1}{\tau_\gamma} + \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2} \frac{t^{2m+1}}{t_0^{2m}} \right) t \right]. \quad (19)$$

В этом случае время задержки начала усиления t_{del} определяется из равенства (18) условием

$$\begin{aligned} \frac{t_{\text{del}}^{2m+2}}{n} - 2 \frac{n_{\text{BEC}}^*(t=0)}{n} \frac{t_0^{2m}}{\chi\Phi_0} (m+1)^2 t_{\text{del}} \\ \times \left[1 - 4\pi \frac{\chi}{\lambda^2} \frac{n}{n_{\text{BEC}}^*(t=0)} \right] + 2 \frac{t_0^{2m}}{B\Phi_0} (m+1)^2 = 0, \end{aligned} \quad (20)$$

where во втором члене уравнения второй член в скобках может быть опущен как существенно уступающий единице. Для простого случая $m = 0$ это дает

$$\frac{t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} \approx 4\pi \frac{\chi}{\lambda^2} \frac{n}{n_{\text{BEC}}^*(t=0)} \ll 1, \quad (21)$$

что можно непосредственно получить из (15) и (18).

Если же пренебречь лишь стимулированной составляющей убыли метастабильных состояний, сохранив в (19) влияние спонтанного распада, то из (17) следует уравнение для определения времени задержки

$$t_{\text{del}} \exp \left(- \frac{t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} \right) \approx t_{\text{del}} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} \right) \geq \frac{\chi n(m+1)}{Bn_{\text{BEC}}^*(t=0)}, \quad (22)$$

where приближенное равенство отвечает условию (7). Приближенная левая часть (22) возрастает от нуля, достигая максимума $\tau_\gamma/4$ при $t_{\text{del}} = \tau_\gamma/2$. Поэтому неравенство (22) может быть выполнено только в случае

$$\frac{n_{\text{BEC}}^*(t=0)}{n} \geq 16\pi \frac{\chi}{\lambda^2} (m+1). \quad (23)$$

Так, при $\chi/\lambda^2 = 2 \times 10^{-3}$ для выполнения (23) необходимо, чтобы $n_{\text{BEC}}^*(t=0)/n \geq 0.1(m+1)$. Время задержки $t_{\text{del}} < \tau_\gamma$ может быть вычислено из (22) для заданных значений правой части.

Критическая ситуация возникает при обратном знаке неравенства (23), когда положительная производная $d\Phi/dz$ (1), равно как и процесс усиления, не могут быть реализованы вовсе; поэтому равенство (23) определяет критическое значение отношения $[n_{\text{BEC}}^*(t=0)/n]_{\text{crit}}$. Поскольку наибольшее (хотя реально и недостижимое) отношение концентраций $[n_{\text{BEC}}^*(t=0)/n]_{\text{crit}} = 1$, то условие

$$\left(\frac{\lambda^2}{\chi} \right)_{\text{abs}} \geq 50(m+1) \quad (24)$$

есть абсолютный критерий возможности осуществления процесса усиления. Из (22) следует также эквивалентное ему безразмерное критическое условие

$$[\varepsilon_0(1 - \theta^{3/2})]_{\text{crit}} \geq 16\pi \frac{\chi}{\lambda^2} (m+1), \quad (25)$$

where $\varepsilon_0 = n_{\text{BEC}}^*(t=0)/n_{\text{BEC}} \leq 1$ – начальное отношение концентрации метастабильных ядер в конденсате к полной концентрации конденсата; $\theta = T/T_0 < 1$ – отношение термодинамической температуры T атомов к критической температуре их фазового перехода в конденсат

$$\begin{aligned} T_0 &= 3.3 \frac{\hbar^2}{k_B M} \left(\frac{n}{2J+1} \right)^{2/3} \\ &\approx \frac{1.6 \times 10^{-14}}{A_i} \left(\frac{n}{2J+1} \right)^{2/3} \end{aligned} \quad (26)$$

(здесь A_i – изотопическое число).

5. Усиление фотонного потока, представляемое в (1) первым членом правой части уравнения, изменяется как из-за возрастания сечения $\sigma_{st}(t)$, так и по причине убывания концентрации метастабильных ядер $n_{\text{BEC}}^*(z, t)$ вследствие их спонтанного распада и стимулированного перехода в нижнее состояние. Конкуренция этих процессов определяет ход усиления после достижения сечением стимулированного испускания стартового значения (18) при $t = t_{\text{del}}$.

Изменение концентрации n_{BEC}^* вблизи $z = 0$ при стимулированных переходах задается интегралом уравнения (16) в пределах от $t = t_{\text{del}}$ до $t > t_{\text{del}}$ с начальным ус-

ловием $n_{\text{BEC}}^* = n_{\text{BEC}}^*(t = t_{\text{del}})$:

$$n_{\text{BEC}}^*(t) = n_{\text{BEC}}^*(t_{\text{del}}) \exp \left[- \left(\frac{t - t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} + \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2} \times \frac{t^{2m+2} - t_{\text{del}}^{2m+2}}{t_0^{2m}} \right) \right], \quad (27)$$

where t_{del} определено по формуле (20); $t - t_{\text{del}} \ll \tau_\gamma$.

Тогда уравнение (1) вблизи $z = 0$ с учетом (27) можно переписать как

$$\frac{1}{\Phi} \frac{d\Phi}{dz} = n\chi \left\{ \frac{t}{t_{\text{del}}} \exp \left[- \frac{t - t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} - \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2 t_0^{2m}} \times (t^{2m+2} - t_{\text{del}}^{2m+2}) \right] - 1 \right\}, \quad (28)$$

where значение $n\chi$ определяется равенствами (15) и (18). Правая часть (28) равна нулю при $t = t_{\text{del}}$ и возрастает при $t > t_{\text{del}}$ (когда начинается усиление фотонного потока), только если

$$\Phi_0 < \frac{m+1}{B} \frac{t_0^{2m}}{t_{\text{del}}^{2m+2}} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{\tau_\gamma} \right) \approx \frac{m+1}{B} \frac{t_0^{2m}}{t_{\text{del}}^{2m+2}}, \quad (29)$$

достигая максимума

$$\begin{aligned} \frac{1}{\Phi} \frac{d\Phi}{dz} \Big|_{\text{max}} &= n\chi \left\{ \frac{t_1}{t_{\text{del}}} \exp \left[- \frac{t_1}{\tau_\gamma} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right) - \frac{B\Phi_0 t_1^{2m+2}}{2(m+1)^2 t_0^{2m}} \left(1 - \left(\frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right)^{2m+2} \right) \right] - 1 \right\} \\ &= n\chi \left\{ \frac{t_1}{t_{\text{del}}} \exp \left[- \frac{t_1}{\tau_\gamma} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right) - \frac{1}{2(m+1)} \times \left(1 - \frac{t_1}{\tau_\gamma} \right) \left(1 - \left(\frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right)^{2m+2} \right) \right] - 1 \right\} \end{aligned} \quad (30)$$

при $t = t_1$, определяемом из уравнения

$$t_1^{2m+2} - \frac{m+1}{B\Phi_0} t_0^{2m} \left(1 - \frac{t_1}{\tau_\gamma} \right) = 0. \quad (31)$$

При $m = 0$ эти выражения упрощаются и преобразуются следующий вид:

$$\begin{aligned} \frac{1}{\Phi} \frac{d\Phi}{dz} \Big|_{\text{max}} &= n\chi \left\{ \frac{t_1}{t_{\text{del}}} \exp \left[- \frac{t_1}{\tau_\gamma} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right) - \frac{1}{2} \left(1 - \frac{t_1}{\tau_\gamma} \right) \left(1 - \left(\frac{t_{\text{del}}}{t_1} \right)^2 \right) \right] - 1 \right\}, \end{aligned} \quad (32)$$

$$t_1 = (B\Phi_0)^{-1/2} \{ [1 + 1/(4B\Phi_0\tau_\gamma^2)]^{1/2} - 1/[2(B\Phi_0)^{1/2}\tau_\gamma] \}. \quad (33)$$

Усиление прекращается, когда правая часть (28) снова обращается в нуль при $t = t_2 > t_1 > t_{\text{del}}$. При этом

$$\exp \left\{ \frac{t_2}{\tau_\gamma} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{t_2} \right) + \frac{B\Phi_0 t_2^{2m+2}}{2(m+1)^2 t_0^{2m}} \left[1 - \left(\frac{t_{\text{del}}}{t_2} \right)^{2m+2} \right] \right\}$$

$$= \exp \left\{ \frac{t_2}{\tau_\gamma} \left(1 - \frac{t_{\text{del}}}{t_2} \right) + \frac{(t_2/t_1)^{2m+2}}{2(m+1)} \left(1 - \frac{t_1}{\tau_\gamma} \right) \times \left[1 - \left(\frac{t_{\text{del}}}{t_2} \right)^{2m+2} \right] \right\} = \frac{t_2}{t_{\text{del}}}. \quad (34)$$

Приведем некоторые численные оценки. Пусть $\lambda = 1.5 \times 10^{-9}$ см (энергия 83 кэВ), $\chi/\lambda^2 = 10^{-3}$, $\tau_\gamma = 3600$ с, $B \approx 5 \times 10^{-23}$ см²·с⁻¹; тогда при $m = 0$, $\varepsilon_0 \equiv n_{\text{BEC}}^*(t = 0) \times n^{-1} = 0.5$ и $\Phi_0 = 5 \times 10^{17}$ см⁻²·с⁻¹ в соответствии с (20) $t_{\text{del}} \approx 0.032\tau_\gamma = 115$ с, причем согласно (29) $\Phi_0 = 5 \times 10^{17} < 1.5 \times 10^{18}$ см⁻²·с⁻¹. Из равенства (31) следует $t_1 \approx 0.054\tau_\gamma \approx 195$ с, в соответствии с (32) коэффициент усиления в максимуме $\Phi^{-1}(d\Phi/dz)_{\text{max}} \approx 1.2n\chi$, а исходя из (34) имеем $t_2 \approx 0.075\tau_\gamma \approx 270$ с и $\Delta t = t_2 - t_{\text{del}} \approx 0.042 \times \tau_\gamma \approx 155$ с.

Оценки свидетельствуют о малости абсолютного значения коэффициента усиления $\Phi^{-1}|d\Phi/dz|$ на протяжении всего времени стимулирующего воздействия потока фотонов, начиная с $|-n\chi|$ при $t = 0$. Вблизи $z = 0$ этот параметр в интервале $0 < t < t_2$ составляет $\sim n\chi$, т. е. вряд ли превышает 10^{-6} см⁻¹. Поэтому по мере выполнения стартового условия вида (18) процессы стимулированного испускания и усиления фотонного потока в ядерной среде с $z > 0$ протекают практически так же, как на рассмотренном выше участке вблизи $z = 0$. Координата $z > 0$, на которой выполняется данное условие, продвигается по среде со скоростью света. Причиной этого количественного подобия служит оцененная выше малость коэффициента усиления, приводящая к тому, что плотность потока фотонов в ядерной среде $\Phi(z, t)$ лишь незначительно отличается от входной плотности Φ_{in} , а плотность выходного потока Φ_{out} при $z = L$ практически равна входной. Таким образом, фотонный поток на выходе пригоден для повторного индуцированного высвобождения энергии нового фрагмента изомерной среды.

6. За время t_2 , прошедшее от начального момента $t = 0$, концентрация метастабильных ядер вблизи $z = 0$ уменьшается по формуле (17) в результате как спонтанного испускания, так и под действием стимулирующего потока фотонов. В отсутствие последнего уменьшение концентрации задается лишь первым членом (17). Поэтому эффективность процесса стимулированного высвечивания, достигаемая к моменту $t = t_2$, оценивается отношением убыли концентрации в присутствии стимулирующих фотонов и без них:

$$\begin{aligned} G &= \left\{ 1 - \exp \left[- \left(\frac{1}{\tau_\gamma} + \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2} \frac{t_2^{2m+1}}{t_0^{2m}} \right) t_2 \right] \right\} \\ &\times \left[1 - \exp \left(- \frac{t_2}{\tau_\gamma} \right) \right]^{-1}. \end{aligned} \quad (35)$$

Ускорение процесса распада метастабильных состояний можно охарактеризовать отношением эффективного времени τ_{eff} стимулированного высвечивания к τ_γ :

$$\frac{\tau_{\text{eff}}}{\tau_\gamma} = \left[1 + \frac{B\Phi_0}{2(m+1)^2} \frac{\tau_\gamma t_2^{2m+1}}{t_0^{2m}} \right]^{-1}. \quad (36)$$

Для численных оценок, приведенных после формулы (34), это дает $G \approx 8.4$ и $\tau_{\text{eff}}/\tau_\gamma \approx 0.075$ за время $t_2 = 0.075\tau_\gamma = 270$ с. Введение понятия коэффициента энергетического выигрыша не имеет практического смысла, по-

скольку, как отмечено выше, процесс протекает фактически без расходования стороннего стимулирующего потока фотонов. Возникающая вполне ощутимая и намного более быстрая, чем при спонтанном распаде, убыль концентрации метастабильных ядер свидетельствует о приемлемой эффективности процесса высвобождения энергии изомеров в результате стимулированного испускания. Этот процесс продолжается и после времени $t = t_2$, однако из-за нарушения условий (7) для его оценки развитый подход неприменим.

Заметные значения G и $\tau_{\text{eff}}/\tau_\gamma$ достигаются, несмотря на ничтожно низкий коэффициент усиления потока фотонов $\Phi^{-1}(d\Phi/dz)$, в результате длительного стимулирующего воздействия входного потока фотонов на населенность метастабильных состояний в течение времени t_2 , на много порядков превышающего время единичного прохода фотонов по ядерной среде длиной L . Это превышение оценивается отношением $t_2/(L/c)$ и составляет для $L = 1$ см и рассматриваемых численных оценок $\sim 10^{12}$.

Из-за установленной неизменности плотности потока фотонов в среде $\Phi(z) \approx \Phi_{\text{in}} \approx \Phi_{\text{out}}$ результаты, касающиеся относительной величины убыли концентрации метастабильных состояний G (35) и сокращения времени распада метастабильных состояний (36) вблизи $z = 0$, справедливы и для всей ядерной среды единичного поперечного сечения в интервале $0 \leq z \leq L$, т. е. для полного числа высветившихся изомерных ядер $\Delta N_{\text{BEC}}^* = n_{\text{BEC}}^*(t=0)[1 - n_{\text{BEC}}^*(t=t_2)]L$. Так, для $n_{\text{BEC}}^*(t=0) = 10^{14}$ см $^{-3}$ и приведенных численных оценок $\Delta N_{\text{BEC}}^*/L \approx 0.63 \times 10^{14}$ см $^{-3}$, а удельная высвободившаяся в виде гамма-квантов энергия равна около 0.83 Дж·см $^{-3}$.

Важно отметить необходимость в сравнительно высокой яркости потока стимулирующих фотонов (для тех же оценок $\Phi_{\text{in}}\tau_\gamma \approx 1.8 \times 10^{21}$ фот.·см $^{-2}$ или ~ 25 фот. \times см $^{-2}$ в полосе частот, равной 0.1 % частоты фотонов).

Примером (отнюдь не оптимальным) нуклида, пригодного для рассмотренного метода индуцированного высвобождения энергии изомерных ядер, может послужить $^{135}_{55}\text{Cs}$ с энергией и временем жизни метастабильного состояния $E_m = 846$ кэВ и $\tau_\gamma = 53$ мин; атомные свойства этого бозонного изотопа цезия удобны для формирования БЭК с помощью излучения оптического лазера.

7. В силу принятых значительных упрощающих допущений настоящий анализ дает лишь общую картину динамики процесса гамма-усиления в изомерных ядрах, входящих в состав БЭК. В частности вывод п. 2 и выражение (9) для сечения стимулированного испускания на

самом деле справедливы лишь в дипольном приближении, явно не отвечающем переходам высокой мультипольности. Однако предпринятый анализ позволяет установить такие существенные особенности процесса, как задержка начала усиления, наличие стартового и критического условий его осуществимости, практическая неизменность плотности потока стимулирующих фотонов в ядерной среде, т. е. ее почти полная прозрачность, а также достаточно высокая эффективность процесса высвобождения энергии метастабильных состояний, увеличение скорости их распада и др.

Необходимо еще раз подчеркнуть, что вся рассматриваемая проблематика радиационных гамма-переходов в долгоживущих изомерных ядрах может приобрести реалистический характер лишь при условии достаточной продолжительности хранения бозе-эйнштейновского конденсата, сопоставимой с временем жизни метастабильного изомерного состояния, что далеко от данных современных экспериментов. К сожалению, время хранения БЭК на много порядков меньше требуемого. Кроме того, остается пока открытым вопрос о скорости деградации конденсата под действием радиационных процессов в ядерной среде. Поэтому как теоретические, так и в особенности экспериментальные исследования методов увеличения времени существования БЭК представляются чрезвычайно важными.

Не менее важным (наряду с дальнейшим исследованием динамики) является и изучение ряда других сторон поведения БЭК в условиях интенсивных радиационных переходов во входящих в него ядрах, в частности коллективные возбуждения конденсата и распространение в нем звуковых волн [6–8], что, возможно, позволит уточнить оценки [2] неоднородного уширения гамма-линий.

Работа выполнена при частичной поддержке МНТЦ (грант № 2651р).

1. Ривлин Л.А. *Квантовая электроника*, **34**, 612 (2004).
2. Ривлин Л.А. *Квантовая электроника*, **34**, 736 (2004).
3. Харкевич А.А. *Спектры и анализ* (М.: ГИТТЛ, 1953).
4. Чириков Б.В. *ЖЭТФ*, **44**, 2017 (1963).
5. Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. *Квантовая механика* (М.: Физматгиз, 1963).
6. Mewes M.O., Andrews M.R., Vandruten N.J., et al. *Phys. Rev. Lett.*, **77**, 416 (1996).
7. Jin D., Ensher J., Matthew M., et al. *Phys. Rev. Lett.*, **77**, 420 (1996).
8. Mewes M., Andrews M., van Druten N., et al. *Phys. Rev. Lett.*, **77**, 988 (1996).