PACS 33.80.-b; 42.25.Bs; 43.20.Ye; 42.68.Ay; 42.65.Re

# Нелинейное поглощение фемтосекундных лазерных импульсов ( $\lambda = 800$ нм) атмосферным воздухом и водяным паром

А.М.Киселев, Ю.Н.Пономарев, А.Н.Степанов, А.Б.Тихомиров, Б.А.Тихомиров

Получены количественные данные о сечении нелинейного поглощения для воздуха и водяного пара фемтосекундных лазерных импульсов, генерируемых Тi: canфировым лазером. При калибровке оптико-акустического спектрометра по расчетной величине линейного поглощения лазерных импульсов (длина волны излучения 800 нм, ширина спектра 17.7 нм) водяным паром измеренное сечение нелинейного поглощения этого излучения для водяного пара ( $\sigma_2^y$ ) составило ( $2.6\pm0.4$ ) × 10<sup>-55</sup> см<sup>4</sup>·с, для воздуха ( $\sigma_2^q$ ) – ( $8.7\pm1.0$ ) × 10<sup>-56</sup> см<sup>4</sup>·с. Измерения поглощения этих фемтосекундных импульсов с помощью оптико-акустического детектора, прокалиброванного по известному поглощению импульсного излучения рубинового лазера водяным паром в атмосферном воздухе, позволили оценить сечение нелинейного поглощения для воздуха  $\sigma_2^q$ , составившее ( $8.2\pm0.9$ ) × 10<sup>-56</sup> см<sup>4</sup>·с.

Ключевые слова: фемтосекундный лазер, сечение нелинейного поглощения, оптико-акустический метод.

### 1. Введение

Результаты обширных фундаментальных исследований взаимодействия мощных фемтосекундных лазерных импульсов с газами находят применение в задачах дистанционной (лидарной) диагностики атмосферы [1] и удаленных объектов (в том числе в терагерцевом диапазоне) [2] и управления высоковольтными электрическими разрядами [3]. Для моделирования распространения фемтосекундных лазерных импульсов в атмосфере требуются количественные данные о характеристиках поглощения этих импульсов атмосферным воздухом и его молекулярными составляющими. В большинстве экспериментов используется Ті: сапфировый лазер, генерирующий высокоинтенсивное фемтосекундное излучение на длине волны  $\lambda_0 \approx$ 800 нм с шириной спектра  $\Delta\lambda \sim 20$  нм. Обычное (не зависящее от интенсивности) поглощение излучения с таким спектральным составом в атмосферном воздухе определяется поглощением на колебательно-вращательных переходах молекул водяного пара. Расчеты, сделанные с использованием базы данных HITRAN [4], показывают, что поглощение водяным паром невелико и характеризуется эффективным коэффициентом поглощения  $k_{\rm eff} \sim 1.5 \times 10^{-8} \, {\rm cm}^{-1} \cdot {\rm m} {\rm fap}^{-1}$ . Значительно больший вклад в ослабление фемтосекундных импульсов при их распространении в атмосфере может вносить нелинейное поглощение фемтосекундных импульсов основными молекулярными составляющими атмосферного воздуха (азотом, кислородом и водяным паром) [5]. Количественные данные о характеристиках нелинейного поглощения фемтосекундных импульсов Ті: сапфирового лазера атмосферным воздухом в литературе отсутствуют. Целью настоящей работы являются измерения сечений нелинейного поглощения фемтосекундного излучения с длиной волны  $\lambda_0 = 800$  нм атмосферным воздухом и водяным паром.

## 2. Техника и методика измерений

Схема оптико-акустического (ОА) спектрометра, созданного на основе Ті: сапфирового лазера [6], представлена на рис.1. Лазер позволяет получать фемтосекундные импульсы излучения длительностью  $\tau = 50 - 500$  фс с частотой повторения 10 Гц. Радиус пучка с гауссовым распределением интенсивности излучения на выходе из лазера составляет 5 мм. Спектр излучения фемтосекундных импульсов, регистрируемый с помощью монохроматора и ПЗС-линейки с разрешением 0.04 нм, имеет ширину на полувысоте  $\Delta \lambda = 17.7$  нм с максимумом на длине волны  $\lambda_0 = 800$  нм. Энергия фемтосекундных импульсов изменяется поляризационным аттенюатором и измеряется с помощью калиброванного фотодиода.

ОА детектор [7] содержит цилиндрическую ячейку диаметром 20 см и длиной 25 см, на торцах которой для ввода и вывода излучения установлены оптические окна из  $MgF_2$  толщиной 2 мм. Излучение лазера заводится в ячейку с помощью плоского и сферического (фокусное расстояние 86.5 см) диэлектрических зеркал. Ячейка размещается таким образом, чтобы фокус сферического зеркала находился за ней, а радиус лазерного пучка по половине интенсивности  $w_0$  в плоскости регистрации акустического сигнала составлял 2.5 мм (см. рис.1).

Для повышения чувствительности детектора в ячейку помещен акустический концентратор, состоящий из двух параболических зеркал (рис.2). Перед измерениями производится юстировка ОА детектора. Ось лазерного пучка совмещается с фокальной осью параболического цилиндра. Акустическая волна, возникающая в облучаемом объеме поглощающего газа, после отражения от поверхности параболического цилиндра направляется на параболоид вращения. В фокусе параболоида вращения находится конденсаторный микрофон, регистрирующий усиленный сигнал давления.

**А.М.Киселев, А.Н.Степанов.** Институт прикладной физики РАН, Россия, 603950 Н.Новгород, ул. Ульянова, 46; e-mail: step@ufp.appl.sci-nnov.ru

Ю.Н.Пономарев, А.Б.Тихомиров, Б.А.Тихомиров. Институт оптики атмосферы им. В.Е.Зуева СО РАН, Россия, 634021 Томск, пл. акад. Зуева, 1

Поступила в редакцию 22 марта 2011 г, после доработки – 24 августа 2011 г.



Рис.1. Схема ОА спектрометра: ОАД – ОА детектор; АК – акустический концентратор; ПЗ – плоское зеркало; СЗ – сферическое зеркало; О – оптическое окно (MgF<sub>2</sub>); М – конденсаторный микрофон MK-221; У – широкополосный усилитель; В – вакууметр DVR-5; К – вакуумный кран; Ф – аэрозольный фильтр.

Электрический сигнал, снимаемый с выхода микрофона, усиливается широкополосным усилителем и регистрируется цифровым осциллографом. Характерная форма сигнала, генерируемого в результате поглощения энергии короткого лазерного импульса в воздухе при атмосферном давлении, представлена на рис.3. На осциллограмме цифрами отмечены три импульса. Первый импульс соответствует воздействию на микрофон импульса давления, распространяющегося из освещенной излучением области. Второй более слабый импульс появляется с задержкой  $\Delta t = 550$  мкс относительно лазерного импульса и является результатом воздействия на микрофон импульса давления, отраженного от поверхности параболоида вращения. Третий импульс с амплитудой U<sub>PA</sub> появляется еще с некоторой задержкой и соответствует импульсу давления, отраженному от поверхности пара-



Рис.2. ОА детектор с параболическими зеркалами.

болического цилиндра и сфокусированному на микрофон параболоидом вращения. В эксперименте измеряется амплитуда  $U_{\rm PA}$ .

Исследуемые газы приготовляются непосредственно в OA ячейке, из которой предварительно откачивается воздух до давления  $\leq 0.1$  мбар. Затем в ячейку напускается исследуемый газ (воздух, пары H<sub>2</sub>O). Забор проб воздуха осуществляется методом прокачки с использованием аэрозольного фильтра. Водяной пар напускается в вакуумированую ячейку путем испарения дистиллированной воды из колбы (см. рис.1). Давление газа измеряется с помощью вакуумметра DVR-5 с емкостным датчиком VSK-5 (пределы измерения 0.1 - 1100 мбар).



Рис.3. Осциллограмма сигнала ОА детектора с акустическим концентратором и микрофоном МК-221.

# 3. Амплитуда ОА сигнала при линейном и нелинейном поглощении

Недостатком ОА метода считается то, что для получения количественных данных о коэффициентах и сечениях поглощения необходима калибровка ОА спектрометра [8]. При исследованиях спектров линейного поглощения калибровка ОА спектрометра производится либо на основе измерений амплитуды ОА сигнала и расчета коэффициента поглощения для эталонной газовой смеси с использованием банков данных спектральных линий, либо на основе одновременных измерений поглощения ОА и спектрофотометрическим методами. Калибровка ОА спектрометра при измерениях характеристик нелинейного поглощения сложнее, поскольку для лазерных пучков с переменной в поперечном сечении интенсивностью коэффициент поглощения также будет изменяться в поперечном сечении пучка. Таким образом, по сравнению со случаем линейного поглощения, в котором распределение плотности возбужденных молекул в поперечном сечении и соответствующий ему профиль источника акустического сигнала [9] совпадают с распределением интенсивности излучения, профиль источника акустического сигнала для нелинейного поглощения будет иным. Чувствительность ОА спектрометра, используемого для измерений характеристик нелинейного поглощения, будет отличаться от чувствительности, полученной в результате калибровки ОА спектрометра по известному линейному поглощению.

Согласно [8] амплитуда ОА сигнала прямо пропорциональна поглощенной энергии лазерного импульса и содержит информацию о характеристиках линейного и нелинейного поглощения газа в ячейке. В общем случае амплитуда электрического сигнала ОА спектрометра, регистрируемого при поглощении короткого гауссова импульса в слабо поглощающем газе, определяется выражением [10]:

$$U_{\rm PA} = \alpha_{\rm M} p_{\rm PA} = \alpha_{\rm M} p_{\rm PA} E_{\rm abs} \approx \sum_{n} U_{n}$$
$$= \alpha_{\rm M} \sum_{n} \left[ 1.5926 \frac{n^{3/4}}{(2\pi\epsilon)^{3/2}} \left(\frac{\nu}{r}\right)^{1/2} \left(\frac{1}{C_{p}T}\right) \right] (\sigma_{n} N n^{-3/2} I_{0}^{n-1}) E, (1)$$

где N – концентрация поглощающих молекул; E – энергия импульса; v – скорость звука в исследуемом газе; r – расстояние от оси лазерного пучка до микрофона; C<sub>p</sub> удельная теплоемкость газа при постоянном давлении; Т – температура;  $I_0 = 2E\pi^{-3/2}w_0^{-2}\tau^{-1}$  – пиковая величина интенсивности излучения, выраженная через количество фотонов в единицу времени на единицу площади; ам чувствительность акустического датчика;  $\sigma_n$  – сечение поглощения ( $\sigma_1$  – сечение линейного поглощения,  $\sigma_2$  – сечение поглощения с показателем нелинейности n = 2 и т. д.). Для гауссова импульса излучения справедливы соотношения [9]:  $I(r = w_0, t = 0) = I_0 e^{-2}$ ,  $I(r = 0, t = \tau) = I_0 e^{-1}$  и  $\varepsilon = (\tau_2^2 + w_0^2/2v^2)^{1/2}$ . Сомножитель  $\sigma_n N n^{-3/2} I_0^{n-1}$  имеет смысл эффективного коэффициента поглощения [10], выраженного через пиковую интенсивность гауссова импульса. Сомножитель в квадратных скобках соответствует коэффициенту преобразования поглощенной на единице длины энергии лазерного импульса  $E_{abs} = \sigma_n N n^{-3/2} I_0^{n-1} E$  в амплитуду импульса давления рРА (или чувствительности ОА метода  $\alpha_{PA}$ ). Из (1) видно, что при переходе от линейного поглощения к нелинейному поглощению с показателем нелинейности *n* чувствительность  $\alpha_{PA}$  увеличивается пропорционально *n*<sup>3/4</sup>. Сечение нелинейного поглощения  $\sigma_n$  связано с сечением линейного поглощения  $\sigma_1$  простым соотношением:

$$\sigma_n = \frac{U_n n^{3/4}}{U_1 I_0^{n-1}} \sigma_1.$$
(2)

Из (2) следует, что для нахождения  $\sigma_n$  по известному сечению поглощения  $\sigma_1$  необходимо из эксперимента определить амплитуды  $U_n$ ,  $U_1$  и пиковую интенсивность излучения  $I_0$ . Показатель нелинейности n определяется в результате измерений зависимости  $U_n(E)$ .

### 4. Результаты измерений и их обсуждение

На рис.4 представлена измеренная зависимость отношения  $U_{\rm PA}/E$  (правая ось координат) от E (верхняя ось) для случая поглощения водяным паром гауссова импульса излучения с длительностью  $\tau = 72$  фс. Давление водяного пара P = 13 мбар, концентрация молекул  $N_{\rm w}$  при температуре T = 295 K составляет  $3.23 \times 10^{17}$  см<sup>-3</sup>. Из рисунка видно, что зависящее от энергии нелинейное поглощение регистрируется на фоне линейного поглощения. Нелинейное поглощение прямо пропорционально энергии лазерного импульса (n = 2) и при энергии импульса E = 10мДж сравнимо по величине с линейным поглощением.

Рассчитанное с использованием базы данных HITRAN [4] эффективное (усредненное по спектру лазерного излучения шириной  $\Delta \lambda = 17.7$  нм) сечение линейного поглощения для молекулы воды  $\sigma_1$  составляет (6.2 ± 0.5)×10<sup>-25</sup> см<sup>2</sup>. Это значение используется для калибровки OA спек-



Рис.4. Зависимость поглощения гауссова импульса излучения ( $\lambda_0 = 800$  нм,  $\Delta \lambda = 17.7$  нм и  $\tau = 72$  фс) водяным паром при давлении P = 13 мбар от энергии (пиковой интенсивности) лазерного импульса  $E(I_0)$ . Штриховая линия соответствует линейной функции y = A + Bx.

трометра (или пересчета от правой оси ординат на рис.4 к левой). В случае однокомпонентного газа для отношения  $U_{\rm PA}/E$  исходя из формулы (1) можно получить

$$U_{\rm PA}/E \sim (\sigma_1 + 2^{-3/4} \sigma_2 I_0).$$
 (3)

Из линейной (y = A + Bx) регрессии экспериментальных данных, представленных на рис.4, в соответствии с соотношением (3) находим сечение нелинейного поглощения для молекулы воды  $\sigma_2^w = (2.6 \pm 0.4) \times 10^{-55}$  см<sup>4</sup>·с. Указанная среднеквадратическая ошибка определения этой величины включает в себя погрешность расчета сечения линейного поглощения  $\sigma_1$  (8%) и среднеквадратическую ошибку определения подгоночного параметра *B* (13%). Относительная ошибка измерения отношения  $U_{\rm PA}/E$  оценивается в 6% и на рис.4 представлена доверительными интервалами.

Зависимость отношения  $U_{PA}/E$  от энергии лазерного импульса с длительностью  $\tau = 114$  фс для влажного воздуха при общем давлении P = 997 мбар ( $N_a = 2.44 \times 10^{19}$  см<sup>-3</sup>) и парциальном давлении водяного пара  $P_w = 11.2$  мбар ( $N_w = 2.78 \times 10^{17}$  см<sup>-3</sup>) представлена на рис.5. В данном случае в амплитуду ОА сигнала вносят вклад линейное и нелинейное поглощение лазерных импульсов водяным паром и нелинейное поглощение основными компонентами воздуха – молекулами азота (80%) и кислорода (20%). Соотношение (3) принимает вид

$$U_{\rm PA}/E \sim [N_{\rm w}\sigma_{\rm l} + 2^{-3/4}I_0(N_{\rm w}\sigma_{\rm 2}^{\rm w} + N_{\rm a}\sigma_{\rm 2}^{\rm a})], \tag{4}$$

где  $\sigma_2^a$  – сечение нелинейного поглощения для воздуха. Так же, как и в первом случае, проводим калибровку ОА спектрометра, используя расчетное значение коэффициента линейного поглощения для водяного пара  $k_{\text{eff}} = N_w \sigma_1 = (1.7 \pm 0.2) \times 10^{-7} \text{ см}^{-1}$ . Из линейной регрессии экспериментальных данных в соответствии с формулой (4) и с учетом полученного ранее сечения  $\sigma_2^w$  находим сечение нелинейного поглощения для воздуха  $\sigma_2^a = (8.7 \pm 1.0) \times 10^{-56} \text{ см}^4$ ·с. Ошибка определения этой величины включает в себя погрешность расчета коэффициента  $k_{\text{eff}}$  (10%) и среднеквадратическую ошибку определения параметра *B* (5%). Относительная ошибка измерения отношения



Рис.5. Зависимость поглощения гауссова импульса излучения ( $\lambda_0 = 800 \text{ нм}, \Delta \lambda = 17.7 \text{ нм}$  и  $\tau = 114 \text{ фс}$ ) в воздухе при общем давлении P = 997 мбар и парциальном давлении водяного пара  $P_w = 11.2 \text{ мбар}$  от энергии (пиковой интенсивности) лазерного импульса  $E(I_0)$ . Штриховая линия соответствует линейной функции y = A + Bx.

 $U_{\rm PA}/E$  оценивается в 10% и на рис.5 представлена доверительными интервалами.

Те же результаты для воздуха (см. рис.5) могут быть обработаны на основе калибровки ОА детектора по известному поглощению импульсов излучения рубинового лазера водяным паром в воздухе в центре линии поглощения молекулы воды 694.380 нм. Из (1) для отношения  $U_{\rm PA}/E$  имеем

$$U_{\rm PA}/E = \alpha_{\rm M} \alpha_{\rm PA} [N_{\rm w} \sigma_1 + 2^{-3/4} I_0 (N_{\rm w} \sigma_2^{\rm w} + N_{\rm a} \sigma_2^{\rm w})].$$

Чувствительность ОА спектрометра с Ті : сапфировым лазером, определенная по независимым калибровочным измерениям с использованием рубинового лазера,  $\alpha_{\rm M}\alpha_{\rm PA} = (3.05\pm0.31)\times10^7$  В·см<sup>-1</sup>·Дж. Используем это значение для перехода на рисунке от правой оси ординат к левой и из линейной регрессии экспериментальных данных получаем  $\sigma_1 = (5.9\pm0.8)\times10^{-25}$  см<sup>2</sup>, хорошо согласующееся с расчетным сечением линейного поглощения  $\sigma_1 = (6.2\pm0.5)\times10^{-25}$  см<sup>2</sup>, и сечение нелинейного поглощения для воздуха  $\sigma_2^a = (8.2\pm0.9)\times10^{-56}$  см<sup>4</sup>·с, находящееся также в хорошем согласии с определенным выше значением  $\sigma_2^a$ . В ошибку определения  $\sigma_2^a$  включены ошибка калибровки спектрометра (10%) и ошибка определения параметра *B* (5%). Как и в случае, описанном выше, здесь мы использовали найденное ранее сечение нелинейного поглощения для молекулы воды  $\sigma_2^{\rm w}$ .

#### 5. Заключение

В настоящей работе выполнены измерения сечений нелинейного поглощения фемтосекундных импульсов Ті: сапфирового лазера атмосферным воздухом и водяным паром. Калибровка ОА спектрометра производилась по известному линейному поглощению водяным паром импульсных излучений Ті: сапфирового лазера и лазера на рубине. При калибровке ОА спектрометра по расчетной величине линейного поглощения лазерного излучения с длиной волны 800 нм и шириной спектра 17.7 нм водяным паром измеренное сечение нелинейного поглощения этого излучения для водяного пара составило  $(2.6 \pm 0.4) \times 10^{-55}$  см<sup>4</sup>·с, для воздуха –  $(8.7 \pm 1.0) \times 10^{-56}$  см<sup>4</sup>·с. Измерения сечений поглощения фемтосекундных импульсов Ті: сапфирового лазера с помощью ОА детектора, прокалиброванного по известному поглощению импульсного излучения рубинового лазера воляным паром в атмосферном воздухе, позволили определить сечение линейного поглощения для молекул воды  $\sigma_1 = (5.9 \pm$  $0.8) \times 10^{-25}$  см<sup>2</sup>, хорошо согласующееся с расчетным значением  $\sigma_1 = (6.2 \pm 0.5) \times 10^{-25} \text{ см}^2$ , и сечение нелинейного по-глощения для воздуха  $\sigma_2^a = (8.2 \pm 0.9) \times 10^{-56} \text{ см}^4$ ·с.

Работа выполнена при поддержке Программы Президиума РАН «Экстремальные световые поля и их приложения» (проект 12.1) и Интеграционного проекта СО РАН (№81).

- 1. Kasparian J., Rodriguez M., Mejean G., et al. Science, 301, 61 (2003).
- Manceau J.-M., Nevin A., Fotakis C., et al. *Appl. Phys. B*, **90**, 365 (2008).
- Tzortzakis S., Franco M. A., Andre Y.-B., et al. *Phys. Rev. E*, 60, R3505 (1999).
- 4. Rothman L.S., Jacquemart D., Barbe A., et al. J. Quantum Spectrum Rad. Transfer., 96, 139 (2005).
- Kartashov D.V., Kirsanov A.V., Kiselev A.M., et al. *Opt. Express*, 14, 7552 (2006).
- Бабин А.А., Киселев А.М., Сергеев А.М., Степанов А.Н. Квантовая электроника, 31, 623 (2001).
- Tikhomirov A.B., Firsov K.M., Kozlov V.S., et al. Opt. Eng., 44, 071203-1 (2005).
- Жаров В.П., Летохов В.С. Лазерная оптико-акустическая спектроскопия (М.: Наука, 1984, с. 320).
- 9. Heritier J.-M. Opt. Commun., 44, 267 (1983).
- Протасевич А.Е., Тихомиров Б.А. Оптика атмосферы и океана, 24, 328 (2011).