ВОЛОКОННЫЕ СВЕТОВОДЫ

# Микроструктурированные волоконные световоды с большим двулучепреломлением и малой асимметрией поля моды

А.Н.Денисов, А.Е.Левченко, С.Л.Семенов, Е.М.Дианов

Предложен новый дизайн двулучепреломляющих микроструктурированных волоконных световодов (ДМС). Проведен анализ их двулучепреломляющих и дисперсионных свойств с использованием метода конечных элементов. Показано, что предложенный дизайн ДМС позволяет получить большое (~5×10<sup>-3</sup>) двулучепреломление при малой асимметрии поля моды. Показано также, что при определенной эллиптичности сердцевины возможна реализация рассмотренных вариантов ДМС с полем моды, имеющим равные размеры по двум ортогональным координатам.

Ключевые слова: микроструктурированные волоконные световоды, двулучепреломление.

## 1. Введение

Исследование свойств и возможностей применения микроструктурированных волоконных световодов (МС) вызывает неослабевающий интерес с момента их создания [1,2] и по настоящее время. Это обусловлено их уникальными характеристиками, заметно отличающимися от характеристик обычных волоконных световодов [3–5]: широким одномодовым диапазоном, необычными дисперсионными характеристиками, увеличенным двулучепреломлением и некоторыми другими.

Двулучепреломляющие микроструктурированные волоконные световоды (ДМС) с разными структурами впервые были описаны в [6–9]. Благодаря большому двулучепреломлению и его слабой зависимости от температуры [10] ДМС применяются для генерации поляризованного суперконтинуума [11–13], для измерения различных физических параметров [14–16], для записи брэгтовских [17, 18] и длиннопериодных [19, 20] решеток, а также в ряде других случаев, и в настоящее время стали коммерчески доступными.

В работе [21] была предложена простая аналитическая модель для оценки величины двулучепреломления, обусловленного формой сердцевины ДМС, ведущих свет благодаря модифицированному полному внутреннему отражению. Авторы [21] рассмотрели три типа наиболее распространенных ДМС: с двумя увеличенными отверстиями вблизи сердцевины (предложен в работе [9]), с двумя «дефектами» - отсутствующими отверстиями (предложен в работе [8]) и с тремя «дефектами». Сердцевину волоконных световодов авторы [21] аппроксимировали эквивалентным прямоугольником, константы распространения мод для которого определяли с помощью приближенного аналитического решения, известного для прямоугольных диэлектрических волноводов. В случае основной LP<sub>01</sub>-моды полученное в [21] выражение для фазового двулучепреломления принимает следующий вид:

А.Н.Денисов, А.Е.Левченко, С.Л.Семенов, Е.М.Дианов. Научный центр волоконной оптики РАН, Россия, 119333 Москва, ул. Вавилова, 38; e-mail: denisov@fo.gpi.ru

Поступила в редакцию 24 ноября 2010 г.

$$B \approx \frac{\sqrt{n_1^2 - n_2^2}}{4\pi \bar{n} n_1^2} \left(\frac{\lambda}{b}\right)^3 \left[1 - \left(\frac{b}{a}\right)^3\right],$$
 (1)

где  $\lambda$  – длина волны;  $n_1$  и  $n_2$  – эффективные показатели преломления сердцевины и оболочки соответственно;  $\bar{n}$  – средний эффективный показатель преломления для двух ортогонально поляризованных мод; a и b – бо́льшая и меньшая стороны эквивалентного прямоугольника сердцевины соответственно. Таким образом, двулучепреломление рассмотренных в [21] ДМС зависит, в частности, от относительной разности размеров их сердцевин по двум координатам. Следовательно, для достижения большого двулучепреломления необходимо значительно увеличить отношение a/b, что приведет к сильной азимутальной асимметрии поля моды таких волоконных световодов.

Для характеризации асимметрии поля моды введем параметр *w*, определяемый как относительная разность размеров поля моды (полная ширина по уровню половины интенсивности) по двум ортогональным координатам, т.е. как отношение разности размеров поля моды к их среднему значению:

$$w = \frac{2(W_x - W_y)}{W_x + W_y},$$
(2)

где  $W_x$  и  $W_y$  – размеры поля моды по двум ортогональным координатам. Типичные значения *w* для рассчитанных профилей поля моды ДМС, приведенных в работах [13] и [22], составляют ~0.45 и ~0.36 соответственно. При таких значениях *w* возникают большие потери мощности при стыковке со стандартными волоконными световодами с круглой сердцевиной или с лазерными пучками круглого сечения. Чтобы уменьшить эти потери, в [12] использовали ДМС, аналогичный применяемому в работах [22] и [9], но с уменьшенным отношением диаметров отверстий  $d_2/d_1 = 1.7$  (в [22]  $d_2/d_1 = 1.9$ ). Это позволило уменьшить эллиптичность сердцевины до 1.25 и измеренные потери на стыковке до 6% (профиль поля моды в [12] не приведен и параметр *w* неизвестен). Однако при этом двулучепреломление на длине волны 1.064 мкм уменьшилось до ~  $1.24 \times 10^{-4}$ .

Предлагаемый нами дизайн ДМС позволяет получить большое двулучепреломление при малом параметре асимметрии поля моды *w*.

# 2. Описание геометрической структуры новых ДМС

Главными характерными чертами предлагаемого нами дизайна ДМС являются один или несколько концентрических слоев с отверстиями равного диаметра вокруг эллиптической или круглой сердцевины, причем отверстия отстоят на равные расстояния от ближайших соседей, за исключением одной либо двух пар отверстий в первом слое, расстояния между которыми увеличены.

Первый вариант новой структуры ДМС изображен на рис.1,*а*. Сердцевина ДМС имеет форму эллипса или окружности и обозначена штриховой линией. Расположенные вокруг нее отверстия диаметром *d* отстоят друг от друга на расстояние  $\Lambda$  (расстояние между центрами отверстий), за исключением двух отверстий с увеличенным расстоянием  $\Lambda_1$ . Напротив этих отверстий на расстоянии  $\Lambda$  от них расположено дополнительное отверстие. Увеличенная перемычка *Z* между отверстиями, которую мы называем зазором, рассчитывается по формуле  $Z = \Lambda_1 - d$ . Диаметры эллиптической сердцевины в направлении зазора и пер-



Рис.1. Структуры 6117ес (а) <br/>и 6125ес (б);  $d/\Lambda = 0.8$ ,  $\Lambda_1/\Lambda = 1.3$ , e = 1.2.

пендикулярно ему есть  $D_x$  и  $D_y$  соответственно. Эллиптичность е сердцевины ДМС мы находим из соотношения  $e = D_x/D_y$ . Обычно эллиптичность определяется как отношение меньшей полуоси эллипса к большей. В соответствии с этим *e* ≤ 1. Поскольку в предложенных нами структурах есть выделенное направление – направление на зазор, нагляднее использовать именно предложенное выше определение. Тогда при e > 1 ДМС имеет эллиптическую сердцевину, вытянутую в направлении зазора, а при e < 1 – эллиптическую сердцевину, вытянутую перпендикулярно зазору. Отверстия во втором слое «закрывают» промежутки между отверстиями в первом слое. Они отстоят от двух ближайших отверстий в первом слое на расстояние  $\Lambda$ . При необходимости количество слоев отверстий может быть увеличено, однако при больших отношениях  $d/\Lambda$  два слоя с отверстиями обеспечивают достаточно низкий уровень потерь на вытекание, поэтому в настоящей работе мы рассмотрим структуры ДМС с одним и двумя слоями.

Для удобства примем следующее условное обозначение, характеризующее новую структуру ДМС: *MNKLsf*, где M и N – число отверстий и зазоров в первом слое соответственно; K – число промежуточных отверстий, закрывающих зазоры; L – число отверстий во втором слое (0, если их нет); s – эллиптическая (e) или круглая (c) сердцевина; f – круглые (c) или эллиптические (e) отверстия. Таким образом, изображенная на рис.1,a структура ДМС условно обозначена как 6117ec.

На рис.1,  $\delta$  приведена структура 6125*ec*, отличающаяся от приведенной на рис.1, *а* тем, что зазор между отверстиями в первом слое закрывают два дополнительных отверстия, что увеличивает глубину зазора. Эти отверстия расположены на расстоянии  $\Lambda$  друг от друга и от отверстий в первом слое. Существование только пяти отверстий во втором слое обусловлено относительно небольшим различием между  $\Lambda_1$  и  $\Lambda$ , так что три лишних отверстия не уменьшат потери на вытекание.

Второй вариант новой структуры ДМС – с двумя увеличенными зазорами – изображен на рис.2. На рис.2, *а* приведена структура 5227*ec* с двумя одинаковыми зазорами, каждый из которых закрывается одним отверстием. Структура 5243*ec* на рис.2, *б* имеет два одинаковых зазора, каждый из которых закрывается двумя отверстиями. Возможны варианты этой структуры ДМС с разными по величине зазорами, а также с зазорами, закрываемыми разным количеством отверстий, которые в данной работе мы не рассматриваем.

Исходным параметром для построения структуры *MNKLec* (при заданных значениях  $D_x$ ,  $D_y$ , d,  $\Lambda$  и  $\Lambda_1$ ) является угол  $\alpha$  между двумя отверстиями в первом слое. В случае структуры 6117*cc* угол  $\alpha$  может изменяться от 60° (360°/6) до ~ 51.43° (360°/7).

Для характеризации формы структуры ДМС введем параметр  $\delta = 360^{\circ}/M - \alpha$ . Тогда, например, для структуры 6117cc диапазон изменения  $\delta$  составит от 0° до ~8.57°. В общем случае для структуры MNKLcc с круглой сердцевиной  $\delta$  изменяется от нуля до  $\delta_{max} = 360^{\circ}/M - 360^{\circ}/(M + K)$ . Для структуры MNKLec с эллиптической сердцевиной диапазон изменения  $\delta$  несколько изменяется в зависимости от e.

Отметим, что для структуры MNKLcc нулевое и максимальное значения параметра формы  $\delta$  при L = 0 соответствуют симметричным структурам с осями вращения порядка M и M + K соответственно, проходящими через ось MC (в случае симметричных структур двулучепреломление очень мало, поэтому мы не называем их ДМС). При других





Рис.2. Структуры 5227ес (а) <br/>и 5243ес (б);  $d/\Lambda=0.75, \,\Lambda_1/\Lambda=1.33, \,e\approx 0.83.$ 

значениях  $\delta$  структуры с N = 1, а также с N = 2 и нечетными значениями M не имеют осей симметрии, у них есть лишь плоскость симметрии, проходящая через ось ДМС.

### 3. Результаты расчетов

Численный расчет двулучепреломляющих и дисперсионных характеристик предложенных выше структур ДМС мы проводили с использованием метода конечных элементов (FEM), позволяющего рассчитывать эффективные модальные показатели преломления и распределения полей мод MC с произвольными формой и расположением воздушных отверстий. В качестве материала для ДМС было выбрано кварцевое стекло, показатель преломления которого определялся с помощью уравнения Селлмейера [23].

Число отверстий в первом слое может быть произвольным, но не менее трех. В настоящей работе для первого варианта ДМС мы выбрали структуру с шестью отверстиями в первом слое, которая в предельном случае  $\delta = 0$ представляет собой обычную гексагональную структуру. Для второго варианта ДМС мы выбрали структуру с пятью отверстиями в первом слое, позволяющую, по предварительным сравнительным расчетам, достичь большего двуВ общем случае в зависимости от конкретной задачи и выбора исходных геометрических параметров, а также от допустимых вариантов структур необходимо провести сравнительные расчеты структур ДМС с разным числом отверстий в первом слое для определения их оптимального количества, обеспечивающего достижение максимального двулучепреломления при требуемой асимметрии поля моды.

#### 3.1. ДМС с круглой сердцевиной

Для того чтобы определить собственный вклад зазора в двулучепреломление ДМС, мы провели расчеты представленных выше структур с круглой сердцевиной и разными геометрическими параметрами.

На рис.3, а приведены зависимости фазового двулучепреломления *B* от параметра формы  $\delta$  для разных вариантов ДМС. Для простоты рассматривались структуры с отверстиями в одном слое (L = 0), что при выбранном нами отношении  $d/\Lambda = 0.94$  слабо влияло на двулучепреломление. Проведенные нами сравнительные расчеты показали, что при наличии второго слоя с отверстиями получаемое двулучепреломление отличается менее чем на 5%.

Поскольку при изменении  $\delta$  меняется и величина зазора Z, определенный интерес представляет зависимость фазового двулучепреломления B от Z, приведенная на рис.3, $\delta$ .



Рис.3. Зависимости фазового двулучепреломления *B* от параметра формы  $\delta$  (*a*) и от величины зазора *Z* ( $\delta$ ) для различных ДМС;  $\lambda = 1.55$  мкм, D = 4.5 мкм,  $d/\Lambda = 0.94$ .



Рис.4. Зависимости для различных ДМС фазового (*B*) и группового (*G*) двулучепреломления от длины волны  $\lambda$  при D = 4.5 мкм,  $d/\Lambda = 0.94$ , Z = 2.0 мкм (*a*) и фазового двулучепреломления *B* от диаметра сердцевины *D* при  $d/\Lambda = 0.94$ ,  $\lambda = 1.55$  мкм.

Видно, что при  $Z \leq Z_c \approx 1.5$  мкм глубина зазора на двулучепреломление практически не влияет. Это значение  $Z_c$ примерно соответствует длине волны  $\lambda$ , для которой проводились расчеты.

Для дальнейших расчетов мы выбрали параметры формы  $\delta$ , при которых Z = 2.0 мкм (5.28° для ДМС 6117*cc* и 6125*cc*, 11.9° для ДМС 5227*cc* и 5243*cc*). На рис.4,*a* приведены зависимости фазового (*B*) и группового (*G*) двулучепреломления от длины волны  $\lambda$  для разных ДМС. Зависимость  $B(\lambda)$  с хорошей точностью можно аппроксимировать формулой [21]

$$B(\lambda) = A\lambda^{\gamma},\tag{3}$$

где A и  $\gamma$  – параметры (приведены в табл.1);  $\lambda$  измеряется в мкм.

Групповое двулучепреломление *G* рассчитывалось по известной зависимости [21]

$$G = B - \lambda \frac{\mathrm{d}B}{\mathrm{d}\lambda}.\tag{4}$$

Учитывая (3), можно получить следующее соотношение:

$$G(\lambda) = -(\gamma - 1) B(\lambda).$$
<sup>(5)</sup>

Табл.1.				
Параметры	6117 <i>cc</i>	6125 <i>cc</i>	5227 <i>cc</i>	5243 <i>cc</i>
A (10 <sup>-4</sup> )	0.873	1.114	1.422	1.640
γ	2.770	2.798	2.768	2.759
$C(10^{-2})$	1.867	2.800	3.049	3.841
η	2.761	2.863	2.763	2.829

На рис.4,  $\delta$  приведены зависимости фазового двулучепреломления *B* от диаметра сердцевины *D* для разных ДМС при  $\lambda = 1.55$  мкм. Зависимость *B*(*D*) с хорошей точностью можно аппроксимировать формулой

$$B(D) = CD^{-\eta},\tag{6}$$

где *С* и  $\eta$  – параметры (приведены в табл.1); *D* измеряется в мкм.

Стоит подчеркнуть сильную зависимость фазового и группового двулучепреломления от диаметра сердцевины оптического волокна. Например, для ДМС рассмотренной нами структуры 5243*cc* при D = 2.5 мкм можно получить  $B \sim 3 \times 10^{-3}$  и  $G \sim 5 \times 10^{-3}$  на длине волны 1.55 мкм при малой асимметрии поля моды ( $w \approx 0.13$ ).

Для многих практических применений, в частности для генерации суперконтинуума, важно знать величину дисперсии групповых скоростей (GVD), которая определяется следующим выражением ([23, с. 18]):



Рис.5. Зависимости дисперсии групповых скоростей (GVD) от длины волны  $\lambda$  для различных ДМС при D = 4.5 мкм,  $d/\Lambda = 0.94$ , Z = 2.0 мкм (*a*) и для ДМС 6117*cc* при разных диаметрах сердцевины D и  $d/\Lambda = 0.94$ ,  $\delta = 5.28^{\circ}$ ; пунктир – кривая материальной дисперсии чистого кварцевого стекла ( $\delta$ ).

$$\text{GVD} \approx -\frac{\lambda}{c} \frac{\mathrm{d}^2 n}{\mathrm{d}\lambda^2}.$$
(7)

На рис.5,*а* приведены зависимости дисперсии групповых скоростей от длины волны  $\lambda$  для разных ДМС. Длина волны нуля дисперсии для этих структур изменяется от 1.001 до 1.016 мкм. На рис.5,*б* приведены аналогичные зависимости для ДМС 6117*cc* при разных диаметрах сердцевины *D*. Длина волны нуля дисперсии варьируется от 0.885 до 1.075 мкм. Для сравнения приведена кривая материальной дисперсии чистого кварцевого стекла.

Сравнение рис.5, a и  $\delta$  позволяет сделать вывод об относительно слабой зависимости дисперсии групповых скоростей от вариации структуры ДМС и о существенной ее зависимости от диаметра сердцевины ДМС.

#### 3.2. ДМС с эллиптической сердцевиной

ДМС с эллиптической сердцевиной интересуют нас по двум причинам: во-первых, с точки зрения корректного расчета двулучепреломления реальных волоконных световодов, сердцевина которых в той или иной степени эллиптична, и, во-вторых, с точки зрения уменьшения асимметрии поля моды, возникающей вследствие наличия увеличенных зазоров между отверстиями в первом слое.

На рис.6 приведены зависимости фазового двулучепреломления *В* от параметра формы  $\delta$  для ДМС 6115*ec* и



Рис.6. Зависимости фазового двулучепреломления В от параметра формы  $\delta$  для ДМС 6115*ec* (*a*) и 5223*ec* (*b*) при разных значениях эллиптичности сердцевины *e* и  $D_{\gamma} = 4.5$  мкм,  $d/\Lambda = 0.94$ ,  $\lambda = 1.55$  мкм.

5223*ес* при разных значениях эллиптичности сердцевины *е*. Видно, что при e > 1 двулучепреломление возрастает, а при e < 1 – уменьшается по сравнению с ДМС, имеющим круглую сердцевину.

Традиционно фазовое двулучепреломление определяется выражением

$$B = |n_x - n_y|, \tag{8}$$

где  $n_x$  и  $n_y$  – эффективные показатели преломления двух ортогонально поляризованных мод. Поскольку в предложенных нами структурах есть выделенное направление – направление на зазор, а структуры имеют эллиптическую сердцевину, вытянутую либо в направлении зазора, либо перпендикулярно ему, мы используем для фазового двулучепреломления иное выражение:

$$B = n_x - n_y. \tag{9}$$

Это позволяет сохранять информацию о соотношении вкладов зазора и эллиптичной сердцевины в двулучепреломление ДМС. В частности, при e < 1 существуют области изменения  $\delta$ , в которых B < 0, что говорит о преобладающем вкладе эллиптичности сердцевины в двулучепреломление ДМС в этих областях.

На рис.7 приведены зависимости фазового двулучепреломления *B* и асимметрии поля моды *w* для ДМС 6117*ec* и 5227*ec* от эллиптичности сердцевины *e* при размерах зазоров 1.85 и 1.55 мкм. Двулучепреломления нормированы на величины  $2.985 \times 10^{-4}$  и  $5.011 \times 10^{-4}$ , соответствующие



Рис.7. Зависимости фазового двулучепреломления *B* и асимметрии поля моды *w* для ДМС 6117*ec* (*a*) и 5227*ec* (*b*) от эллиптичности сердцевины *e* при размерах зазоров 1.85 и 1.55 мкм;  $D_y = 4.5$  мкм,  $d/\Lambda = 0.94$ ,  $\lambda = 1.55$  мкм.



Рис.8. Профиль поля моды ДМС 5227*ec*, рассчитанный при Z = 1.55 мкм,  $D_v = 4.5$  мкм, e = 0.8,  $d/\Lambda = 0.94$ ,  $\lambda = 1.55$  мкм.

максимальным двулучепреломлениям этих ДМС в случае круглой сердцевины (см. рис.6, зависимость для e = 1.0). Как видно из рис.7, параметры асимметрии поля моды wпри круглой сердцевине (e = 1.0) с увеличением зазоров изменяются от 0.04 до 0.06 для ДМС 6117*ec* и от 0.08 до 0.10 для ДМС 5227*ec*. Стоит отметить, что приведенные значения w говорят о существенно меньшей асимметрии поля моды этих ДМС в сравнении с широко распространенными ДМС, рассмотренными в [21]. В частности, для рассчитанных профилей поля моды ДМС, приведенных в упоминавшихся выше работах [13] и [22], параметры wравны ~0.45 и ~0.36 соответственно, т.е. они почти на порядок больше, чем для наших структур ДМС.

Как видно из рис.7, при Z = 1.55 мкм и e = 0.9 для ДМС 6117ec и 0.8 для ДМС 5227ec поле моды имеет примерно равные размеры по координатам x и y ( $w \approx 0$ ). Это оказывается возможным благодаря тому, что увеличенный зазор между отверстиями и эллиптичность сердцевины ДМС оказывают различное влияние на двулучепреломление и асимметрию его поля моды. Точнее, при относительно небольшом зазоре двулучепреломление большое, а асимметрия поля моды невелика, и ее можно полностью скомпенсировать использованием сердцевины с определенной эллиптичностью, в результате чего двулучепреломление лишь несколько уменьшится. Особенно интересен в этом плане ДМС 5227ec с Z = 1.85 мкм, двулучепреломление которого слабо зависит от эллиптичности его сердцевины.

Таким образом, предложенные структуры ДМС с одним и двумя зазорами между отверстиями в первом слое позволяют получить большое двулучепреломление при малой асимметрии поля моды. При необходимости эта асимметрия может быть скомпенсирована небольшой эллиптичностью сердцевины. Это позволяет в зависимости от конкретной задачи выбирать структуру с заданным отношением двулучепреломления и параметра асимметрии поля моды.

Для иллюстрации на рис.8 приведен рассчитанный профиль поля моды (линии равной интенсивности) ДМС 5227ес с двумя одинаковыми зазорами размером 1.55 мкм.

## 4. Заключение

Предложен новый дизайн двулучепреломляющих микроструктурированных волоконных световодов, характерными чертами которого являются один или несколько концентрических слоев с отверстиями равного диаметра вокруг эллиптической или круглой сердцевины, отстоящими на равные расстояния от ближайших соседей, за исключением одной либо двух пар отверстий в первом слое, расстояния между которыми увеличены. С использованием метода конечных элементов проанализированы двулучепреломляющие и дисперсионные свойства этих ДМС. Исследованы влияние параметров формы и размера сердцевины на фазовое и групповое двулучепреломление для разных вариантов ДМС, а также спектральная зависимость дисперсии групповых скоростей от этих параметров. Показано, что предложенный дизайн ДМС позволяет получить большое (~5×10<sup>-3</sup>) двулучепреломление при малой асимметрии поля моды. Показано также, что при определенной эллиптичности сердцевины возможна реализация рассмотренных вариантов ДМС с полем моды, имеющим равные размеры по двум ортогональным координатам.

Отмечено, что в зависимости от конкретной задачи и выбора исходных геометрических параметров, а также допустимых вариантов структур необходимо провести сравнительные расчеты структур ДМС с разным числом отверстий в первом слое для определения оптимального их количества, обеспечивающего достижение максимального двулучепреломления при требуемой асимметрии поля моды.

- Knight J.C., Birks T.A., Russell P.St.J., Atkin D.M. Opt. Lett., 21, 1547 (1996).
- 2. Birks T.A., Knight J.C., Russell P.S. Opt. Lett., 22, 961 (1997).
- 3. Knight J.C., Skryabin D.V. Opt. Express, 15, 15365 (2007).
- 4. Knight J.C. Proc. SPIE Int. Soc. Opt. Eng., 7134, 713402 (2008).
- Blondy J.M., Gerome F., Auguste J.L., Restoin C., Humbert G., Roy P., Leproux P., Fevrier S. *Proc. SPIE Int. Soc. Opt. Eng.*, 7004, 700404 (2008).
- Ortigosa-Blanch A., Knight J.C., Wadsworth W.J., Arriaga J., Mangan B.J., Birks T.A., Russell P.St.J. Opt. Lett., 25, 1325 (2000).
   Steel M L Osrood R M. Ir. Opt. Lett., 26, 229 (2001).
- 7. Steel M.J., Osgood R.M. Jr. *Opt. Lett.*, **26**, 229 (2001).
- Hansen T.P., Broeng J., Libori S.E.B., Knudsen E., Bjarklev A., Jensen J.R., Simonsen H. *IEEE Photonics Technol. Lett.*, 13, 588 (2001).
- 9. Suzuki K., Kubota H., Kawanishi S., Tanaka M., Fujita M. *Opt. Express*, **9**, 676 (2001).
- 10. Kim D.-H., Kang J.U. Opt. Eng., 46, 075003 (2007).
- Nielsen F.D., Pedersen M.Ø., Qian Y., Andersen T.V., Leick L., Hansen K.P., Pedersen C.F., Thomsen C.L. *CLEO/Europe and IQEC* 2007 Conf. Digest (New York: Opt. Soc. Am., 2007, CJ5\_4).
- 12. Xiong C., Wadsworth W.J. Opt. Express, 16, 2438 (2008).
- Choi H.-G., Kee C.-S., Sung J.H., Yu T.J., Ko D.-K., Lee J., Park H.Y., Kim J.-E. *Phys. Rev. A*, 77, 035804 (2008).
- Zhao C., Dong X. Asia Commun. Photon. Conf. Exhibit., Techn. Digest (CD) (New York: Opt. Soc. Am., 2009, TuFF6).
- Fu H.Y., Wong A.C.L., Childs P.A., Tam H.Y., Liao Y.B., Lu C., Wai P.K.A. *Opt. Express*, **17**, 18501 (2009).
- Zhang H., Liu B., Wang Z., Luo J., Wang S., Jia C., Ma X. Optica Applicata, 40, 209 (2010).
- Guan B.-O., Chen D., Zhang Y., Wang H.-J., Tam H.-Y. *IEEE Photon. Technol. Lett.*, 20, 1980 (2008).
- Geernaert T., Luyckx G., Voet E., Nasilowski T., Chah K., Becker M., Bartelt H., Urbanczyk W., Wojcik J., De Waele W., Degrieck J., Terryn H., Berghmans F., Thienpont H. *IEEE Photon. Technol. Lett.*, 21, 6 (2009).
- Tang J., Chen C., Wang J., Jui P. Conf. Lasers and Electro-Optics/ Pacific Rim 2007 (New York: Opt. Soc. Am., 2007, MD2\_4).
- 20. Lee H. W., Liu Y., Chiang K.S. *IEEE Photon. Technol. Lett.*, **20**, 132 (2008).
- Labonte L., Pone E., Skorobogatiy M., Godbout N., Lacroix S., Pagnoux D. Proc. SPIE Int. Soc. Opt. Eng., 7357, 73570N (2009).
- 22. Lee K.J., Hong K.S., Park H.C., Kim B.Y. Opt. Express, 16, 4631 (2008).
- 23. Агравал Г. Нелинейная волоконная оптика (М.: Мир, 1996, с. 15).