# О деградации контраста короткого светового импульса в СРА-системе

## А.В.Масалов, В.В.Чвыков

Рассчитано влияние четырехволнового смешения основного импульса излучения с компонентами фонового излучения на величину контраста выходного излучения в системе усиления чирпированных импульсов петаваттных лазерных установок. Представлены формулы, позволяющие количественно оценить вклады двух механизмов – керровской нелинейности показателя преломления усиливающей среды и насыщения усиления. Для типичных значений нелинейного показателя преломления оба вклада сопоставимы. Отмечена возможность взаимного погашения нелинейных вкладов. Рассмотрено влияние спектральной фильтрации излучения на контраст выходного импульса.

**Ключевые слова:** контраст импульса, четырехволновое смешение, керровская нелинейность, насыщение усиления, чирпированные импульсы.

### 1. Введение

Импульсы излучения фемтосекундной длительности петаваттной мощности и интенсивности 10<sup>22</sup>-10<sup>23</sup> Вт/см<sup>2</sup> [1,2] стали распространенным инструментом исследования вещества в условиях экстремально высоких напряженностей электрического и магнитного полей, а также источниками вторичного излучения и элементарных частиц высоких энергий [3,4]. В таких полях силы взаимодействия электронов и атомных ядер являются лишь малой добавкой к силе воздействия поля, атомно-молекулярная структура вещества разрушается и оно превращается в плазму. Эффекты формирования плазмы и ее взаимодействия со световым полем существенным образом зависят от наличия относительно слабого, но протяженного во времени фонового излучения, а также от сопровождающих основной импульс предымпульсов, формирующихся в процессе усиления и распространения излучения в лазерной системе [5-7]. Даже при значительном  $(10^9 - 10^{11})$  контрасте излучения (отношение пиковой интенсивности основного импульса к интенсивности фона) и интенсивностях, близких к 10<sup>23</sup> Вт/см<sup>2</sup>, воздействие фона на среду может оказаться достаточным для возникновения преплазмы до прихода основного импульса, что приведет к деградации последнего [8,9]. Таким образом, повышение контраста излучения входит в число важнейших задач разработчиков мощных лазерных установок. Особенно это относится к технике усиления чирпированных импульсов (СРА) [10, 11]. В условиях усиления растянутых во времени импульсов излучение основного импульса накладывается на излучение фона и/или пост- и предымпульсов, и эффекты их нелинейного взаимодействия с уси-

**А.В.Масалов.** Физический институт им. П.Н.Лебедева РАН, Россия, 119991 Москва, Ленинский просп., 53; e-mail: masalovav@lebedev.ru

V.V.Chvykov. Colorado State University, Fort Collins, USA

Поступила в редакцию 10 февраля 2020 г.

ливающей средой способствуют перекачке в них энергии основного импульса, что выражается в деградации контраста излучения. Основными механизмами взаимодействия излучения со средой усилителя являются керровская нелинейность (нелинейный показатель преломления) и насыщение усиления. Известно, что действие обеих нелинейностей может приводить к формированию предымпульса излучения при усилении импульса с постимпульсом [5–7]. В настоящей работе мы анализируем другую возможность деградации контраста излучения, когда усиление излучения фона происходит в результате перекачки энергии основного излучения в пары симметричных по времени задержки компонент фонового излучения в процессе четырехволнового смешения с теми же механизмами нелинейного взаимодействия - керровской нелинейностью и насыщением усиления. Компоненты фонового поля неизбежно находятся в выходном излучении в виде усиленного спонтанного излучения. В результате растяжения импульса излучения в стретчере в среду усилителя поступают симметричные частотные компоненты фона  $\omega_0 \pm \gamma T$ , где  $\omega_0$  – частота основного импульса излучения;  $\gamma$  – параметр стретчера; Т – временная задержка между компонентами фона и основным импульсом. В среде усилителя компоненты поля с частотами  $\omega_1 = \omega_0 + \gamma T$  и  $\omega_2 =$  $\omega_0 - \gamma T$  набирают энергию из основного излучения из-за нелинейности среды, что и ведет к деградации контраста.

Ниже представлен расчет эффекта деградации контраста излучения для каждого механизма нелинейности среды усилителя.

# 2. Расчет

В результате растяжения импульсов излучения в стретчере поле основного импульса излучения на входе в усиливающую среду принимает вид амплитудного спектра  $s_0(\omega)$ , где каждому моменту времени *t* соответствует своя частота  $\omega = \omega_0 + \gamma t$ :

$$E_0(t) = \sqrt{2\pi\gamma} \exp(-i\omega_0 t - i\gamma t^2/2) s_0(\omega_0 + \gamma t).$$
(1)

Это режим сильного растяжения во времени. Момент максимума поля (1) принят за начало отсчета времени. Параметр  $\gamma \approx \Delta \omega / \tau_s$ , где  $\Delta \omega$  – ширина спектра излучения,  $\tau_s$  – длительность растянутого импульса. Ширину спектра можно считать близкой к обратной длительности основного импульса  $\Delta \tau$  до стретчера:  $\Delta \omega \approx \pi / \Delta \tau$ . Поля двух компонент фона, отстоящих от основного импульса на времена  $\pm T$ , могут быть представлены в виде случайных выбросов с длительностью, равной обратной ширине спектрально-фильтрованного усиленного спонтанного излучения. Эти компоненты поля после стретчера также примут вид амплитудных спектров поля посткомпоненты,

$$E_{1}(t) = \sqrt{2\pi\gamma} \exp(-i\omega_{0}t)$$
$$\times \exp[-i\gamma(t-T)^{2}/2]s(\omega_{0} + \gamma(t-T)), \qquad (2)$$

и поля предкомпоненты,

$$E_2(t) = \sqrt{2\pi\gamma} \exp(-i\omega_0 t)$$
$$\times \exp[-i\gamma(t+T)^2/2]s(\omega_0 + \gamma(t+T)).$$
(3)

Поле посткомпоненты (2) может также рассматриваться как постимпульс. В качестве спектра компонент фона  $s(\omega)$  можно принять спектр спонтанного излучения (возможно, усиленного в предыдущих каскадах усиления), ширина которого ограничена средствами спектральной фильтрации до ширины спектра основного излучения  $s_0(\omega)$ . При дальнейшем анализе будет рассмотрено преобразование только одной пары симметричных компонент фона, поскольку в процессе четырехволнового взаимодействия множество симметричных компонент фона с разными задержками T не оказывают влияния друг на друга изза различия частот  $\gamma T$ , характерных для каждой пары.

В нелинейной среде усилителя поле излучения преобразуется, приобретая нелинейную фазу и испытывая насыщенное усиление. Обе нелинейности допускают описание процесса преобразования в виде

$$E_{\text{out}}(t) = E(t)K_{\text{r}}(I(t))K_{\text{a}}(Q(t)), \qquad (4)$$

где *E*(*t*), *I*(*t*) и

$$Q(t) = \int_{-\infty}^{t} I(t') dt$$

поле, интенсивность и плотность текущей энергии излучения на входе в среду усилителя (см. далее). Рост нелинейной фазы излучения в (4) задан фактором

$$K_{\rm r}(I) = \exp\left[i\frac{2\pi}{\lambda}n_2\int_0^L I(t,z)\,\mathrm{d}z\right],\tag{5}$$

зависящим от нелинейного показателя преломления  $n_2$  и от интеграла интенсивности I(t, z) по длине усиливающей среды L. Фаза в показателе экспоненты (5) известна как *B*-интеграл. Здесь и ниже в формулах (11) и (12) введена интенсивность излучения, зависящая от координаты в усиливающей среде I(t, z); ее значение при z = 0 совпадает с используемой в тексте входной интенсивностью I(t). Насыщенное усиление задано в (4) фактором

$$K_{\rm a}(Q) = \sqrt{\frac{G\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega]}{1 + G\{\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] - 1\}}},$$
(6)

где  $\sigma$  – сечение усиления;  $G = \exp(\sigma NL)$  – ненасыщенный коэффициент усиления; N – инверсная населенность рабочих уровней. Выражение (6) следует из известного уравнения [12]\*

$$\exp[2\sigma Q_{\text{out}}(t)/\hbar\omega] - 1 = G\{\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] - 1\},\qquad(7)$$

которое для интенсивности излучения приобретает вид

$$I_{\text{out}}(t) \exp[2\sigma Q_{\text{out}}(t)/\hbar\omega] = GI(t) \exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega];$$
(8)

для поля

$$E_{\text{out}}(t) = \sqrt{G} E(t) \frac{\exp[\sigma Q(t)/\hbar\omega]}{\exp[\sigma Q_{\text{out}}(t)/\hbar\omega]}$$
$$= E_{\text{in}}(t) \sqrt{\frac{G \exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega]}{1 + G \{\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] - 1\}}}.$$
(9)

Здесь и в дальнейших формулах будем использовать приближение малой плотности энергии на входе в усилитель:  $2\sigma Q_{\rm in}(t)/\hbar\omega \ll 1.$  Для Ті:сапфировых усилителей ( $\hbar\omega = 2.5 \times 10^{-19}$ Дж и  $\sigma = 4 \times 10^{-19}$  см<sup>2</sup>) это приближение оправданно для первых каскадов усиления:  $Q_{\rm in}(t) \ll \hbar\omega/2\sigma = 0.3$  Дж/см<sup>2</sup>. Тогда

$$K_{\rm a}(Q) \approx \sqrt{\frac{G}{1 + 2\sigma G Q(t)/\hbar\omega}}$$
 (10)

Соотношения (7) и (8) позволяют восстановить зависимость интенсивности излучения в среде усилителя от координаты z вдоль ее оси,

$$I(t,z) = I(t) \frac{\exp(\sigma N z) \exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega]}{1 + \exp(\sigma N z) \left\{ \exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] - 1 \right\}},$$
 (11)

и вычислить интеграл по длине среды усилителя, входящий в (5):

$$\int_{0}^{L} I(t,z) dz = I(t) \frac{L(\tilde{G}-1)}{\ln G} \times \frac{\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] 2\sigma Q(t)/\hbar\omega}{\exp[2\sigma Q(t)/\hbar\omega] - 1} \approx I(t) \frac{L(\tilde{G}-1)}{\ln G}.$$
 (12)

Здесь  $\tilde{G}$  – коэффициент насыщенного усиления. Фактор  $(\tilde{G}-1)/\ln G$  учитывает рост интенсивности излучения по мере его распространения в среде усилителя. Он дает возможность оценить вклад нелинейного показателя преломления усиливающей среды в *B*-интеграл. Отметим, что величина интеграла (12) больше LI(t), но меньше LGI(t).

Для расчета полей слабых фоновых компонент излучения на выходе усилителя целесообразно выделить в (4) малые поправки, обусловленные фоновыми компонентами  $E_1(t)$  и  $E_2(t)$ , и ограничиться поправками первого порядка. Для входного поля имеем  $E(t) = E_0(t) + E_1(t) + E_2(t)$ , что дает

<sup>\*</sup>Детальному исследованию распространения световых импульсов в усиливающих средах посвящен обзор П.Г.Крюкова и В.С.Летохова [13], где, в частности, проанализирована роль нелинейности усиления в сокращении длительности импульсов и в сверхсветовом распространении максимума импульсной огибающей.

$$I(t) = |E_0(t) + E_1(t) + E_2(t)|^2$$
  

$$\approx I_0(t) + \{E_0^*(t)[E_1(t) + E_2(t)] + \text{c.c.}\},$$

т.е. поправка для подстановки в  $K_{\rm r}(t)$  принимает следующий вид:

$$\delta I(t) = E_0^*(t)[E_1(t) + E_2(t)] + \text{c.c.}$$
(13)

Индексы «0» обозначают параметры основного излучения. Для текущей плотности энергии имеем

$$\begin{aligned} Q_{\rm in}(t) &= \int_{-\infty}^{t} |E_0(t')E_1(t') + E_2(t')|^2 dt' \\ &\approx Q_0(t) + \int_{-\infty}^{t} \delta I(t') dt', \end{aligned}$$

поправка для подстановки в  $K_a(Q)$  есть

$$\delta Q(t) = \int_{-\infty}^{t} \{ E_0^*(t') [E_1(t') + E_2(t')] + \text{c.c.} \} dt'.$$
(14)

Произведения полей в (14) содержат «быстроосциллирующие» множители  $E_0^*(t)E_1(t) \propto \exp(i\gamma tT)$  и  $E_0^*(t)E_2(t) \propto \exp(-i\gamma tT)$  (см. (2) и (3)). Частота этих осцилляций много больше частоты следования растянутых по времени импульсов. В связи с этим при вычислении интеграла по частям в (14) можно оставить только доминирующие слагаемые:

$$\delta Q(t) \approx E_0^*(t) \Big[ \frac{E_1(t)}{i\gamma T} + \frac{E_2(t)}{-i\gamma T} \Big] + \text{c.c.}$$
  
=  $\frac{i}{\gamma T} E_0^*(t) [E_2(t) - E_1(t)] + \text{c.c.}$  (15)

Малые поправки к факторам  $K_r(I)$  и  $K_a(Q)$  с учетом (13) и (15) приобретают следующий вид:

$$\frac{\delta K_{\rm r}}{K_{\rm r}(I_0)} \approx i \frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\delta I(t)}{\ln G} \frac{\ln[1 + 2\sigma(G-1)Q_0(t)/\hbar]}{2\sigma Q_0(t)/\hbar\omega}, \quad (16)$$

$$\frac{\delta K_a}{K_a(Q_0)} \approx -\delta Q(t) \frac{\sigma G/\hbar\omega}{1 + 2\sigma G Q_0(t)/\hbar\omega}.$$
(17)

Выражения (16) и (17) позволяют оценить соотношение вкладов керровской нелинейности и насыщенного усиления в формирование фоновых компонент поля. Вклад керровской нелинейности (16) имеет характерную величину

$$\frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\delta I_{\max}}{\ln G} \frac{\ln[1 + 2\sigma(G - 1)Q_0(t)/\hbar\omega]}{2\sigma Q_0(t)/\hbar\omega}$$

$$\approx \frac{2\pi n_2 L}{\lambda} I_{\max} \frac{\tilde{G}}{\ln G} \frac{\delta I_{\max}}{I_{\max}},$$
(18)

где

$$\tilde{G} \approx \frac{1}{2\sigma Q_{\max}/\hbar\omega} \ln\left(1 + 2\sigma G Q_{\max}/\hbar\omega\right).$$

Вклад нелинейности насыщенного усиления (17)

$$\delta Q_{\max} \frac{\sigma G/\hbar\omega}{1+2\sigma G Q_{\max}/\hbar\omega}$$

$$\approx \frac{\sigma G Q_{\max} / \hbar \omega}{1 + 2\sigma G Q_{\max}(t) / \hbar \omega} \frac{\Delta \tau}{\pi T} \frac{\delta I_{\max}}{I_{\max}},$$
(19)

где учтено

$$\delta Q_{\max} \approx \frac{1}{\gamma T} \delta I_{\max} = \frac{\tau_s \Delta \tau}{\pi T} \delta I_{\max}$$

и  $Q_{\text{max}} = \tau_s I_{\text{max}}$ . Масштабы нелинейностей соотносятся как

$$\frac{2\pi n_2 I_{\max} L}{\lambda} \frac{\tilde{G}}{\ln G} \quad \kappa \quad \frac{\Delta \tau}{2\pi T}$$

или

$$\frac{I_{\max}}{2 \times 10^{10}} \frac{\tilde{G}}{\ln G} \quad \kappa \quad \frac{\Delta \tau}{T},\tag{20}$$

где  $n_2 = 10^{-16} \text{ см}^2/\text{BT}$ ;  $\lambda = 0.8$  мкм; L = 1 см;  $I_{\text{max}} [\text{BT/cm}^2]$  – максимальная интенсивность излучения основного импульса на входе в усилитель после растяжения в стретчере.

Дальнейшие расчеты проведены раздельно для каждой нелинейности.

#### 2.1. Керровская нелинейность

В этом случае имеем выражение для выходного поля с добавками первого порядка по малым фоновым компонентам  $E_1(t)$  и  $E_2(t)$ :

$$E_{\text{out}}(t) = [E_0(t) + E_1(t) + E_2(t)][K_0(I_0) + \delta K_r]K_a(Q_0)$$
  

$$\approx K_r(I_0)K_a(Q_0) \Big[E_0(t) + E_1(t) + E_2(t) + E_0(t)\frac{\delta K_r}{K_r(I_0)}\Big], \quad (21)$$

где поле основного импульса составляет  $E_0(t)K_{\rm r}(I_0)K_{\rm a}(Q_0)$ , поле посткомпоненты –

$$\{E_1(t)[1+iI_0(t)M_r(t)]+iE_2^*E_0^2M_r(t)\}K_r(I_0)K_a(Q_0), \quad (22)$$

поле предкомпоненты -

$$\{E_2(t)[1+iI_0(t)M_r(t)]+iE_1^*E_0^2M_r(t)\}K_r(I_0)K_a(Q_0).$$
 (23)

В (22) и (23) введено обозначение

$$M_{\rm r}(t) = \frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{1}{\ln G} \frac{\ln[1 + (2\sigma/\hbar\omega)(G-1)Q_0(t)]}{(2\sigma/\hbar\omega)Q_0(t)}.$$
 (24)

Произведение полей

$$E_1^* E_0^2 \propto \exp[i\gamma(t-T)^2/2]\exp(-i\gamma t^2)$$
$$= \exp[-i\gamma(t+T)^2/2]\exp(i\gamma T^2)$$

в (23) имеет фазовую структуру поля предкомпоненты, несмотря на происхождение из посткомпоненты, поэтому данное слагаемое отнесено к предкомпоненте. Соответственно слагаемое с

 $E_2^* E_0^2 \propto \exp[i\gamma(t+T)^2/2] \exp(-i\gamma t^2)$  $= \exp[-i\gamma(t-T)^2/2] \exp(i\gamma T^2)$ 

в (22) отнесено к посткомпоненте. При вычислении полных плотностей энергии компонент на выходе из усилителя

$$Q_{1} = \int [|E_{1}(t)|^{2} + (|E_{1}|^{2} + |E_{2}|^{2})I_{0}^{2}M_{r}^{2}(t)]K_{a}^{2}(Q_{0})dt, \quad (25a)$$

$$Q_2 = \int [|E_2(t)|^2 + (|E_1|^2 + |E_2|^2) I_0^2 M_r^2(t)] K_a^2(Q_0) dt \qquad (256)$$

учтено, что фазы компонент поля  $E_1(t)$  и  $E_2(t)$  случайны, и слагаемые с их произведением в подынтегральных выражениях обнуляются. Тогда в случае равных энергий компонент фона  $|E_1|^2 = |E_2|^2$  получаем контраст излучения до усиления,

$$\frac{\int |E_1(t)|^2 dt}{\int |E_0(t)|^2 dt} = \frac{Q_1}{Q_{\text{max}}}$$

и после него:

$$\frac{\int [1+2I_0^2 M_r^2(t)] |E_1(t)|^2 K_a^2(Q_0) dt}{\int |E_0(t)|^2 K_a^2(Q_0) dt}.$$
(26)

Соотношения (25) пригодны для количественного описания формирования предымпульса из постимпульса. Полагая  $|E_1|^2 \neq 0$  и  $|E_2|^2 = 0$ , получаем полную плотность энергии предымпульса на выходе усилителя:

$$Q_2 = \int I_0^2 M_r^2(t) |E_1(t)|^2 K_a^2(Q_0) dt$$

при полной плотности энергии усиленного постымпульса

$$Q_1 = \int \left[1 + I_0^2 M_r^2(t)\right] |E_1(t)|^2 K_a^2(Q_0) dt.$$

Рассматриваемые эффекты определяются двумя интегралами:

$$\int |E_0(t)|^2 K_a^2(Q_0) dt = \int I_0(t) \frac{G}{1 + 2\sigma G Q(t)/\hbar\omega} dt$$
$$= \frac{\hbar\omega}{2\sigma} \ln\left(1 + 2\sigma G Q_{\max}\right) \equiv \tilde{G} Q_{\max},$$
$$\int I_0^2(t) M_r^2(t) I_1(t) K_a^2(Q_0) dt$$
$$= \left(\frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\hbar\omega}{2\sigma \tau_s}\right)^2 Q_1 \frac{G}{(\ln G)^2} f_{\rm K}(F), \qquad (27)$$

где  $F = (2\sigma/\hbar\omega) GQ_{\text{max}}$ , а  $f_{\text{K}}(F)$  – «универсальная» часть интеграла (27) без нормирующих множителей. В частности, контраст излучения преобразуется в процессе усиления от начальной величины  $Q_1/Q_{\text{max}}$  до значения

$$\frac{Q_1}{Q_{\max}} \left[ 1 + \left( \frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\hbar \omega}{2\sigma \tau_s} \right)^2 \frac{1}{(\ln G)^2} \frac{2G}{\tilde{G}} f_{\rm K}(F) \right].$$
(28)



Рис.1. Фактор  $2Gf_{\rm K}(F)/\tilde{G}$  для керровской нелинейности, рассчитанный по соотношению (27) для импульсов гауссовой формы ( $Q/\tau_{\rm s}$ ) × exp( $-\pi t^2/\tau_{\rm s}^2$ ) с полной энергией Q и длительностью  $\tau_{\rm s}$  по уровню 0.456 от максимальной интенсивности.

Основной фактор  $f_{\rm K}(F)$  в (27) рассчитан численно в предположении гауссовой формы спектров полей (1)–(3). Результат расчета в виде функции  $2Gf_{\rm K}(F)/\tilde{G}$  представлен на рис.1. Основная величина, задающая масштаб выходного контраста, есть

$$\frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\hbar \omega}{2\sigma \tau_{\rm s}} \approx 0.025,$$

где при оценке дополнительно принято  $\hbar \omega = 2.5 \times 10^{-19}$  Дж,  $\sigma = 4 \times 10^{-19}$  см<sup>2</sup> и  $\tau_s = 100$  пс.

Результирующее соотношение (28) позволяет оценить деградацию контраста излучения при тех или иных параметрах основного излучения и фоновых компонент. Заметное изменение контраста будет происходить при F > 20, т.е. при  $GQ_{\text{max}} \ge 100 \text{ Дж/см}^2$ . В первичных каскадах усиления многокаскадной лазерной установки, где  $GI_{\text{max}}\tau_s \le 1$  мДж (при диаметре пучков ~1 мм и  $\tau_s = 100$  пс), вклад керровской нелинейности вряд ли сопоставим со вкладом насыщения ( $\Delta \tau/T \approx 1-0.1$ ). Даже при плотности полной энергии импульса длительностью 100 пс, близкой к оптическому пробою Ті: сапфировой среды (~10 Дж/см<sup>2</sup>), *B*-интеграл за один проход среды не превышает 0.15 рад.

#### 2.2. Насыщение усиления

В этом случае имеем следующее выражение для выходного поля с добавками первого порядка по малым фоновым компонентам  $E_1(t)$  и  $E_2(t)$ :

$$E_{\text{out}}(t) = [E_0(t) + E_1(t) + E_2(t)][K_a(I_0) + \delta K_a]K_r(Q_0)$$
  

$$\approx K_r(I_0)K_a(Q_0) \Big[E_0(t) + E_1(t) + E_2(t) + E_0(t)\frac{\delta K_a}{K_a(I_0)}\Big], \quad (29)$$

где поле посткомпоненты есть

$$\{E_1(t)[1+iI_0(t)M_a(t)]+iE_2^*E_0^2M_a(t)\}K_r(I_0)K_a(Q_0), \quad (30)$$

поле предкомпоненты -

$$\{E_2(t)[1-iI_0(t)M_a(t)]-iE_1^*E_0^2M_a(t)\}K_r(I_0)K_a(Q_0).$$
 (31)

Здесь также введено обозначение



Рис.2. Фактор  $2Gf_a(F)/\tilde{G}$  для насыщенного усиления, рассчитанный по соотношению (33) для импульсов гауссовой формы (см. подпись к рис.1).

$$M_{\rm a}(t) = \frac{1}{\gamma T} \frac{\sigma G/\hbar\omega}{1 + 2\sigma G Q_0(t)/\hbar\omega}.$$
(32)

Дальнейшие формулы для нового контраста и предымпульса совпадают со случаем керровской нелинейности с заменой  $M_r(t)$  на  $M_a(t)$ . Для оценок необходим интеграл

$$\int I_0^2(t) M_a^2(t) I_1(t) K_a^2(Q_0) dt = Q_1 \left(\frac{1}{2\gamma T \tau_s}\right)^2 Gf_a(F).$$
(33)

Фактор  $f_a(F)$  в этом интеграле рассчитан численно в предположении гауссовой формы спектров полей (1)–(3). Функция  $2Gf_K(F)/\tilde{G}$  изображена на рис.2. Контраст излучения преобразуется в процессе усиления от начальной величины  $Q_1/Q_{max}$  до

$$\frac{Q_1}{Q_{\max}} \left[ 1 + \left( \frac{1}{2\gamma T \tau_s} \right)^2 \frac{2G}{\tilde{G}} f_a(F) \right].$$
(34)

Основная величина, задающая масштаб выходного контраста, есть

$$\frac{1}{2\gamma T\tau_{\rm s}}\approx\frac{\Delta\tau}{2\pi T}.$$

Результирующее соотношение (34) позволяет оценить деградацию контраста излучения при тех или иных параметрах основного излучения и фоновых компонент. Заметное изменение контраста будет происходить при F > 10, т. е. при  $GQ_{\text{max}} \ge 30 \text{ Дж/см}^2$ .

Сопоставление данных рис.1 и 2 показывает, что при прочих равных условиях влияние нелинейности насыщенного усиления может превышать влияние керровской нелинейности. При этом, в отличие от керровской нелинейности, влияние насыщенного усиления спадает с ростом интервала T как  $1/T^2$ .

# 3. Обсуждение

Представленные оценки показывают, что количественные влияния керровской нелинейности и нелинейности насыщенного усиления на величину контраста могут оказаться сопоставимыми (см. (18)–(20)). Важное отличие нелинейности насыщения состоит в том, что ее вклад в зависимости от T весо́м вблизи основного импульса и по мере удаления от него уменьшается как  $1/T^2$ . На диа-



Рис.3. Пьедестал фонового излучения на выходе СРА-системы, обусловленный насыщением усиления и рассчитанный по соотношению  $10^{-6}(1 + (\Delta \tau/T)^2 \times 400)$  (сплошные кривые). Приведен также вид основного импульс гауссовой формы длительностью  $\Delta \tau = 100 \, \varphi$ с (пунктир).

грамме контраста излучения данный вклад принимает вид  $\lambda$ -пьедестала (рис.3). На рис.3 представлена расчетная кривая контраста, где от параметров насыщения зависит не форма  $\lambda$ -пьедестала, а лишь его положение вдоль вертикальной шкалы.

Если обратиться к известным СРА-системам мощных лазерных установок, то прямые оценки степени деградации контраста излучения по представленным соотношениям затруднены из-за отсутствия данных о ненасыщенном коэффициенте усиления среды G. Как правило, известен лишь насыщенный коэффициент усиления  $\tilde{G}$ . Индикатором существенного вклада четырехволнового смешения в деградацию контраста может служить соотношение энергий постимпульса  $Q_1$  и порождаемого предымпульса  $Q_2$ :

$$\frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} = \left(\frac{2\pi n_2 L}{\lambda} \frac{\hbar \omega}{2\sigma \tau_s}\right)^2 \frac{1}{(\ln G)^2} \frac{G}{\tilde{G}} f_{\rm K}(F) \, \text{или}$$

$$\frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} = \left(\frac{1}{2\gamma T \tau_s}\right)^2 \frac{G}{\tilde{G}} f_{\rm a}(F).$$
(35)

Малое относительное различие энергий пред- и постымпульсов означает существенный вклад четырехволнового смешения в деградацию контраста. При  $Q_2 = \frac{2}{3}Q_1$  четырехволновое взаимодействие утраивает интенсивность усиленных компонент фона, т.е. снижает контраст в три раза.

Необходимо отметить, что в проведенном рассмотрении эффектов четырехфотонного взаимодействия исследованы лишь отдельные усилительные узлы СРА-систем. Полное количественное описание многопроходных и регенеративных усилителей требует дополнительных расчетов.

Представленные формулы для характеристик выходного излучения описывают взаимодействие основного импульса излучения с фоновыми компонентами при незначительном удалении фоновых компонент от основного импульса ( $T \ll \tau_s$ ). С ростом интервала T переналожение растянутых импульсов в усилителе становится неполным. Качественную картину полей в усилителе удобно



Рис.4. Спектрально-временные области взаимодействия основного импульса с компонентами фона:

I – область четырехволнового взаимодействия; II – область формирования предымпульса из постимпульса (вверху) и постимпульса из предымпульса (внизу). Кружками отмечены взаимодействующие компоненты. Цветной вариант этого рисунка помещен на сайте нашего журнала http://www.quantum-electron.ru.

представить на спектрально-временной диаграмме (рис.4). Ее построение оказывается возможным благодаря сильному растяжению импульсов в стретчере, когда каждая спектральная компонента приобретает заданное положение на временной шкале. В четырехволновом взаимодействии участвуют компоненты фона в области І. Области II до усилителя не заполнены излучением, а после усилителя заполняются за счет формирования предымпульса из постимпульса (вверху) и постимпульса из предымпульса (внизу). Видно, что, применяя на выходе усилителя спектральную фильтрацию, можно подавить излучение обеих областей II. Это несколько улучшит контраст излучения. При малом временном удалении Т компонент фона от основного импульса подобная спектральная фильтрация способна уменьшить вклад нелинейности почти в два раза: в выражениях (26), (28) и (34) сомножитель 2, относящийся к вкладу нелинейности, обращается в единицу. По мере удаления компонент фона от основного импульса ( $T \rightarrow \tau_s/2$ ) этот сомножитель также обращается в единицу и без спектральной фильтрации выходного излучения из-за неполного переналожения растянутых импульсов.

Влияние двух нелинейных процессов на формирование фонового излучения было рассмотрено отдельно друг от друга. При совместном действии керровской нелинейности и насыщения усиления вклады четырехволнового смешения в области предкомпонент могут частично гасить друг друга. На это указывают противоположные знаки перед двумя слагаемыми в формулах (23) и (31). Погашение наступает при выполнении равенства

$$\frac{\Delta \tau}{2\pi T} \sqrt{f_{a}(F)} \approx \frac{2\pi n_{2}L}{\lambda} \frac{\hbar \omega}{2\sigma \tau_{s}} \frac{\sqrt{f_{\tau}(F)}}{\ln G},$$
(36)

которое выполняется по порядку величин в широкой области энергий основного импульса. В области посткомпонент вклады нелинейностей суммируются. Возможным подтверждением этого служат результаты работ [14–16]. В работе [14, рис.2] благодаря исключению дифракционной решетки из канала усиления авторам удалось улучшить контраст излучения, и предельный  $\lambda$ -пьедестал приобрел асимметричную форму с увеличенным крылом в области постимпульсов. Подобная асимметрия  $\lambda$ -пьедестала продемонстрирована и в работах [15, рис.3], [16, рис.4].

# 4. Заключение

Представленный анализ четырехволнового смешения основного импульса излучения с компонентами фонового излучения при усилении в СРА-системе мощных лазерных установок показывает, что заметного влияния на деградацию контраста излучения следует ожидать при плотности энергии основного излучения на входе в СРА-систему  $Q_{\text{max}} \ge 30/G \, \text{Дж/см}^2$ . При этом вклады обоих нелинейных механизмов - керровской нелинейности и нелинейности насыщенного усиления - сопоставимы. Вклад керровской нелинейности слабо зависит от временного удаления Т фоновой компоненты от основного импульса (в пределах времени растяжения импульса излучения в стретчере), а вклад насыщения усиления уменьшается как 1/Т<sup>2</sup>. В области предкомпонент вклады двух нелинейностей могут частично гасить друг друга, а в области посткомпонент складываться. Некоторому улучшению контраста может способствовать спектральная фильтрация излучения на выходе после усилителя.

- Yanovsky V., Chvykov V., Kalinchenko G., Rousseau P., Planchon T., Matsuoka T., Maksimchuk A., Nees J., Cheriaux G., Mourou G., Krushelnick K. *Opt. Express*, 16, 2109 (2008).
- Yoon J.W., Lee S.K., Sung J.H., Lee H.W., Jeon C., Choi I.W., Shin J., Kim H.T., Hegelich B.M., Nam C.H. DOI: 10.1364/CLEO\_ SI.2019.STu3E.2
- 3. Gonsalves A.J. et al. Phys. Rev. Lett., 122, 084801 (2019).
- Rockwood A., Wang Y., Wang S., Berril M., Shlyaptsev V.N., Rocca J.J. Optica, 5, 257 (2018).
- Liu X., Wagner R., Maksimchuk A., Goodman E., Workman J., Umstadter D., Migus A. *Opt. Lett.*, **20** (10), 1163 (1995).
- Didenko N.V., Konyashchenko A.V., Lutsenko A.P., Tenyakov S.Yu. Opt. Express, 16, 3178 (2008).
- Cupal J., Spinka T., Sistrunk E., Rus B., Haefner C. Proc. SPIE, 11034; https://doi.org/10.1117/12.2524115.
- Chvykov V., Rousseau P., Reed S., Kalinchenko G., Yanovsky V. Opt. Lett., 31, 1456 (2006).
- Yanovsky V., Chvykov V., Kalinchenko G., Matsuoka T., Maksimchuk A. https://doi.org/10.1364/CLEO.2009.JTuD35.
- Damm T., Kaschke M., Noack F., Wilhelmi B. Opt. Lett., 10, 176 (1985).
- 11. Strickland D., Mourou G. Opt. Commun., 56, 219 (1985).
- 12. Frantz L.M., Nodvik J. J. Appl. Phys., 34, 2346 (1963).
- Κριοκοв Π.Γ., Летохов В.С. *VΦH*, **99**, 169 (1970) [Sov. Phys. Usp., **12**, 641 (1970)].
- Hooker C., Tang Y., Chekhlov O., Collier J., Divall E., Ertel K., Hawkes S., Parry B., Rajeev P.P. Opt. Express, 19, 2193 (2011).
- Kalashnikov M., Osvay K., Sandner W. Laser Part. Beams, 25, 219 (2007).
- Hong K.H., Hou B., Nees J.A., Power E., Mourou G. *Appl. Phys. B*, 81, 447 (2005).